Содержание

01.Знакомст	во с системой $\lfloor 2/2 floor$	3
Задача 01A .	Сколько работает? [4 sec, 256 mb]	3
Задача 01В.	Перевёрнутый массив [0.5 sec, 256 mb]	4
01.Обязателі	ьные задачи $[5/5]$	5
Задача 01С.	Произведение матриц [0.25 sec, 256 mb]	5
Задача 01D .	Два числа [0.25 sec, 256 mb]	6
Задача 01Е.	Коллекционер [0.8 sec, 256 mb]	7
Задача 01 F.	А квадрат плюс Б квадрат [0.2 sec, 256 mb]	8
Задача 01 G .	Маленький холодильник [1.5 sec, 256 mb]	9
01.Дополнит	ельные задачи $[0/3]$	10
Задача 01Н.	Тестирование мозга [0.5 sec, 256 mb]	10
Задача 011.	Умножение матриц [1.5 sec, 256 mb]	11
Задача 01 J .	Большой холодильник [2.5 sec, 256 mb]	12

Общая информация:

Bход в контест: http://contest.yandex.ru/contest/2754/

Дедлайн на задачи: 9 дней, до 2016-09-17 23:59.

К каждой главе есть более простые задачи (base), посложнее (advanced), и сложные (hard).

В скобках к каждой главе написано сколько любых задач из этой главы нужно сдать.

Caйт курса: https://compscicenter.ru/courses/algorithms-1/2016-autumn/

Семинары ведут Сергей Копелиович (burunduk30@gmail.com, vk.com/burunduk1) и Алексей Кладов (aleksey.kladov@gmail.com).

В каждом условии указан таймлимит для С/С++.

Таймлиминт для Java примерно в 2-3 раза больше.

Таймлиминт для Python примерно в 6 раз больше.

C++:

Быстрый ввод-вывод.

http://acm.math.spbu.ru/~sk1/algo/input-output/fread_write_export.cpp.html Более подробно про ввод-вывод.

http://acm.math.spbu.ru/~sk1/algo/input-output/cpp_common.html

В некоторых задачах нужен STL, который активно использует динамическую память (set-ы, map-ы) переопределение стандартного аллокатора ускорит вашу программу:

http://acm.math.spbu.ru/~sk1/algo/memory.cpp.html

Java:

Быстрый ввод-вывод.

http://acm.math.spbu.ru/~sk1/algo/input-output/java/java_common.html

01.3накомство с системой $\lfloor 2/2 \rfloor$

Задача 01A. Сколько работает? [4 sec, 256 mb]

Посчитайте
$$\sum_{k=1}^{k^2 \leqslant n} \lfloor \frac{n}{k^2} \rfloor$$
.

Формат входных данных

Целое число $n \ (1 \leqslant n \leqslant 10^{16}).$

Формат выходных данных

Выведите сумму.

Примеры

testtime.in	testtime.out
100	153

Замечание

Это простая задача. Сдайте наивное решение и посмотрите, сколько оно работает. Какова асимптотика времени работы?

Сдайте задачу под разными компиляторами. Посмотрите, есть ли разница.

Задача 01В. Перевёрнутый массив [0.5 sec, 256 mb]

Переверните массив целых чисел от -10^9 до 10^9 .

Формат входных данных

Массив. Формат смотрите в примере. Длина до 10^6 .

Формат выходных данных

Массив.

Пример

io.in	io.out
3	-3 2 1
1 2 -3	

Замечание

Эта задача нужна, чтобы вы оценили, сколько времени работает ваш любимый способ ввода/вывода. В течение курса могут появиться задачи с аналогичным объёмом ввода/вывода, но при этом с time limit всего 0.5 секунд.

01.Обязательные задачи [5/5]

Задача 01С. Произведение матриц [0.25 sec, 256 mb]

Даны две матрицы над **Z**. Найти их произведение.

Формат входных данных

На первой строке целые числа n, m, k от 1 до 100, задающие размеры матриц.

Следующие n строк задают матрицу A размера $n \times m$.

Следующие m строк задают матрицу B размера $m \times k$.

Элементы матриц – целые числа от 1 до 99.

Формат выходных данных

Выведите n строк, задающие матрицу $A \cdot B$.

easymul.in	easymul.out
3 2 4	5388 3332 3290 4168
46 36	12010 8064 7077 9614
95 92	6836 1807 5149 4059
87 1	
78 20 59 46	
50 67 16 57	

Задача 01D. Два числа [0.25 sec, 256 mb]

Даны два целых числа A и B ($1\leqslant A,\,B\leqslant 100$). Найдите два таких целых числа X и Y, что выполнено равенство AX+BY=1.

Формат входных данных

Во входном файле записаны два числа A и B, разделённые пробелом.

Формат выходных данных

В выходной файл выведите два числа X и Y, разделённые пробелом. Требуется, чтобы выполнялись неравенства $|X| \leq 10\,000,\,|Y| \leq 10\,000.$ Если правильных ответов несколько, разрешается вывести любой из них. Если же таких чисел не существует, выведите вместо них два нуля.

numbers.in	numbers.out
2 3	2 -1
4 6	0 0
100 51	-5075 9951

Задача 01E. Коллекционер [0.8 sec, 256 mb]

В Байтландии за всю её историю было выпущено 15000 различных почтовых марок. Известный коллекционер почтовых марок планирует собрать полную коллекцию марок Байтландии. Какое-то количество марок (возможно, с дубликатами) у него есть на данным момент). По заданному списку марок, имеющихся в наличии, вычислить, какое минимальное количество марок коллекционер должен докупить, чтобы коллекция стала полной.

Формат входных данных

Входной файл состоит из двух строк. В первой строке задано одно целое число n ($1 \le n \le 3\,000\,000$) — количество имеющихся на данный момент у коллекционера экземпляров байтландских марок. Во второй строке заданы n целых чисел, каждое из которых лежит в интервале [1,15000] — номер марки, представленной соответствующим экземпляром.

Формат выходных данных

Одно число — минимальное количество марок, которое коллекционер должен докупить, чтобы коллекция стала полной.

collection.in	collection.out
8	14995
3 6 2 2 4 6 3 7	

Задача 01F. А квадрат плюс Б квадрат [0.2 sec, 256 mb]

Найдите количество решений уравнения вида $a^2 + b^2 = n$ в натуральных числах.

Формат входных данных

На первой строке число тестов t ($1 \le t \le 1000$). Далее на каждой строке очередное число n_i ($1 \le n_i \le 10^9$).

Формат выходных данных

Для каждого теста выведите на отдельной строке число решений.

Примеры

sqrtab.in	sqrtab.out
4	0
1	1
2	2
5	4
1000	

Замечание

$$\begin{aligned} 2 &= 1^2 + 1^2 \\ 5 &= 1^2 + 2^2 = 2^2 + 1^2 \\ 1000 &= 10^2 + 30^2 = 30^2 + 10^2 = 18^2 + 26^2 = 26^2 + 18^2 \end{aligned}$$

Задача 01G. Маленький холодильник [1.5 sec, 256 mb]

Дано целое число n ($1 \le n \le 10^{12}$). Нужно найти натуральные a,b,c: abc=n и при этом 2(ab+bc+ca) минимально. Т.е. при фиксированном объеме минимимизировать площадь поверхности.

Формат входных данных

На первой строке число n ($1 \le n \le 10^{12}$).

Формат выходных данных

На первой строке четыре целые числа — 2(ab+bc+ca) и a,b,c.

refrator.in	refrator.out
120	148 4 6 5

01.Дополнительные задачи [0/3]

Задача 01H. Тестирование мозга [0.5 sec, 256 mb]

Посчитайте
$$\sum_{k=1}^{k^2 \leqslant n} \left\lfloor \frac{n}{k^2} \right\rfloor$$
.

Формат входных данных

Целое число $n \ (1 \leqslant n \leqslant 10^{19}).$

Формат выходных данных

Выведите сумму.

Примеры

testbrain.in	testbrain.out
100	153

Замечание

Это не очень простая задача...

Задача 011. Умножение матриц [1.5 sec, 256 mb]

Даны две квадратных матрицы из целых неотрицательных чисел и целое число m. Посчитайте произведение матриц по модулю m.

Формат входных данных

На первой строке $n \ (1 \le n \le 700), m \ (1 \le m \le 10^9).$

Следующие n строк содержат по n целых чисел от 0 до m-1 — матрица A. Следующие n строк содержат по n целых чисел от 0 до m-1 — матрица B.

Формат выходных данных

Выведите n строк по n целых чисел от 0 до m-1 в каждой — матрица $(A \times B) \mod m$.

Примеры

matmul.in	matmul.out
3 2	1 0 1
1 1 1	1 0 1
1 1 1	1 0 1
1 1 1	
1 0 0	
0 1 0	
0 1 1	

Замечание

Внимание: это оптимизационная задача. У нас есть решение на C++, оно работает **0.76** секунд. Мы не гарантируем, что ваше решение на другом языке пройдет. Если у вас не сдается эта задача — это нормально =)

Задача 01J. Большой холодильник [2.5 sec, 256 mb]

Вася хочет купить новый холодильник. Он считает, что холодильник должен быть прямоугольным параллелепипедом с целочисленными длинами ребер. Вася рассчитал, что для повседневного пользования ему понадобится холодильник объема не меньше V. Кроме того, Вася по натуре минималист, поэтому объем должен быть и не больше V — к чему занимать лишнее место в квартире? Определившись с объемом холодильника, Вася столкнулся с новой непростой задачей — чтобы холодильник было проще мыть, при фиксированном объеме V он должен иметь минимальную площадь поверхности.

Объем и площадь поверхности холодильника с ребрами a, b, c равны V = abc и S = 2(ab + bc + ca), соответственно.

Помогите Васе по заданному объему V найти такие целые длины ребер холодильника a, b, c, чтобы объем холодильника был равен V и при этом его площадь поверхности S была минимальна.

Формат входных данных

В первой строке записано единственное целое число $t\ (1\leqslant t\leqslant 500)$ — количество наборов данных.

Далее следует описание t наборов данных. Каждый набор состоит из одного целого числа V ($2 \le V \le 10^{18}$), заданного своим разложением на множители следующим образом.

Пусть $V=p_1^{a_1}p_2^{a_2}\dots p_k^{a_k}$, где p_i — различные простые числа, а a_i — положительные целые степени.

Тогда в первой строке описания набора данных записано единственное положительное целое число k — количество различных простых делителей V. В следующих k строках записаны простые числа p_i и их степени a_i , разделенные пробелом. Все p_i различны, все $a_i > 0$.

Формат выходных данных

Выведите t строк, в i-й строке выведите ответ на i-й набор данных — четыре целых числа, записанные через пробел: минимальная возможная площадь поверхности S и соответствующие длины ребер a, b, c. Если вариантов длин ребер, дающих минимальную площадь, несколько, разрешается вывести любой из них. Длины ребер холодильника разрешается выводить в любом порядке.

Примеры

refrigerator.in	refrigerator.out
3	24 2 2 2
1	70 1 1 17
2 3	148 4 6 5
1	
17 1	
3	
3 1	
2 3	
5 1	

Замечание

В первом наборе данных примера объем холодильника $V=2^3=8$, и минимальную площадь поверхности дадут ребра одинаковой длины.

Во втором наборе данных объем V=17, и его можно получить из единственного набора ребер целочисленных длин.