

Динамическая память

Указатели:

- **&** – возвращает адрес
- ***** – получение значения по адресу

```
int *p;  
int k=5;  
int *t;
```

```
p=&k;  
t=p;
```

```
int num = 4;  
int *pNum;  
pNum = &num;
```



Адреса ячеек
в памяти

Динамическая память

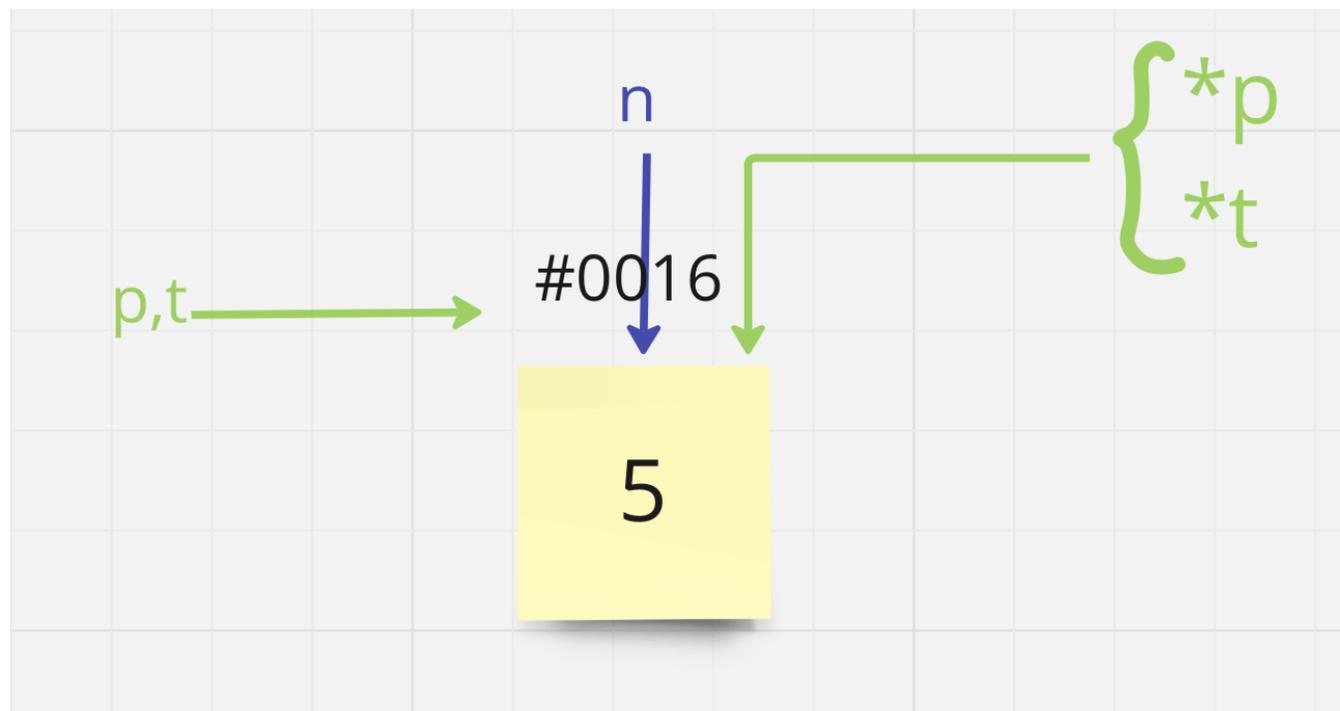
Указатели:

- **&** – возвращает адрес
- ***** – получение значения по адресу

Динамическая память

Указатели:

- **&** – возвращает адрес
- ***** – получение значения по адресу



Динамическая память

Указатели:

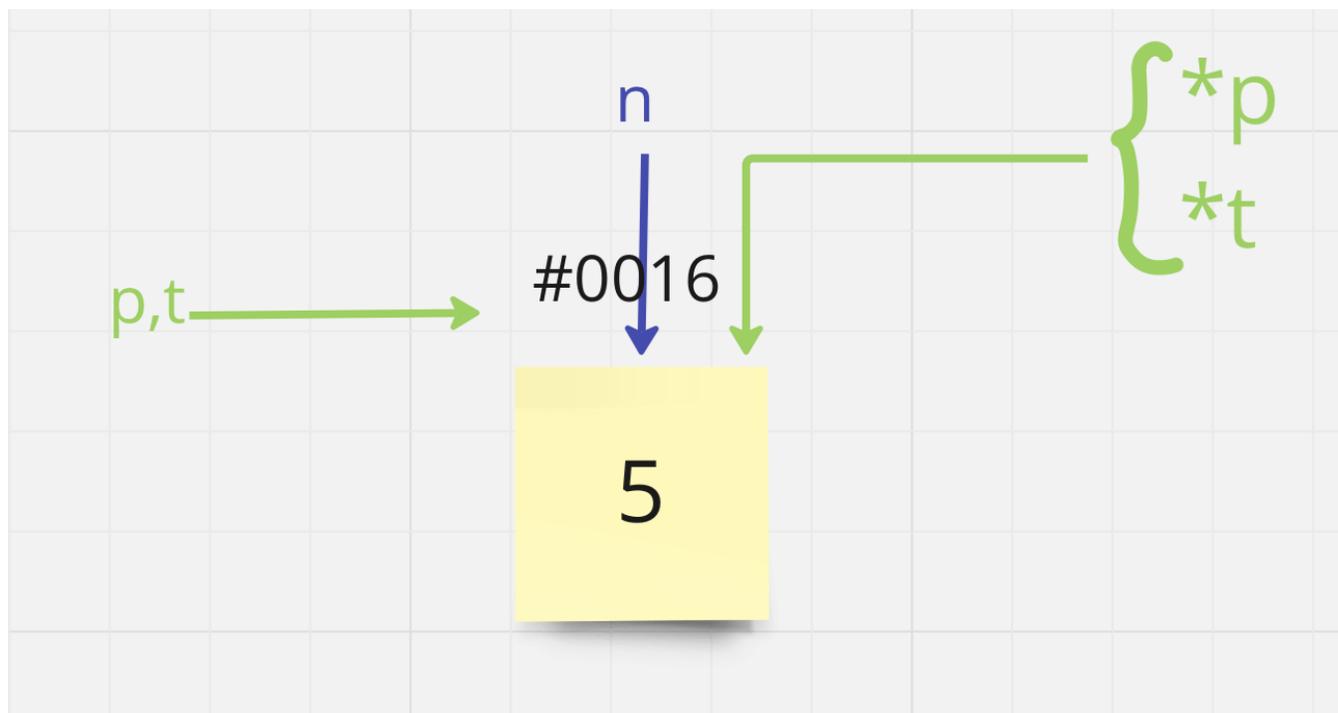
- **&** – возвращает адрес
- ***** – получение значения по адресу

```
int num = 4;  
int *pNum;  
pNum = &num;
```

0004
0008
000C
0010
0014

Адреса ячеек
в памяти

```
int *p;  
int k=5;  
int *t;  
  
p=&k;  
t=p;
```



МНОГО Динамической памяти

```
int *p;
```

Много указателей!

```
int *k;
```

```
int *t;
```

Как работать с ними как с единым целым?

```
int *d;
```

```
*p=5;
```

```
*k=12;
```

```
*t=88;
```

```
*d=99;
```

МНОГО Динамической памяти

Много указателей!

```
int *p;
```

```
int *k;
```

```
int *t;
```

```
int *d;
```

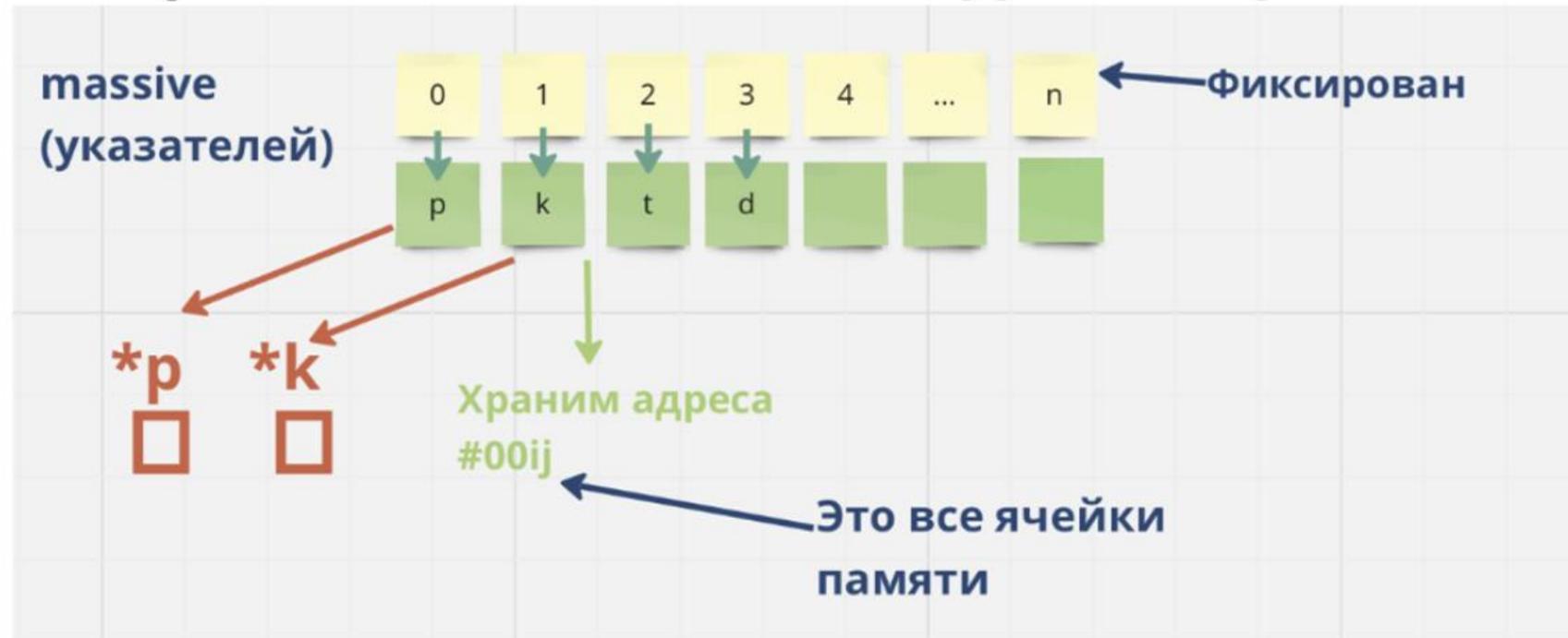
```
*p=5;
```

```
*k=12;
```

```
*t=88;
```

```
*d=99;
```

Как работать с ними как с единым целым?



МНОГО Динамической памяти

```
int *p;
```

```
int *k;
```

```
int *t;
```

```
int *d;
```

```
//Выделили  
память
```

```
*p=5;
```

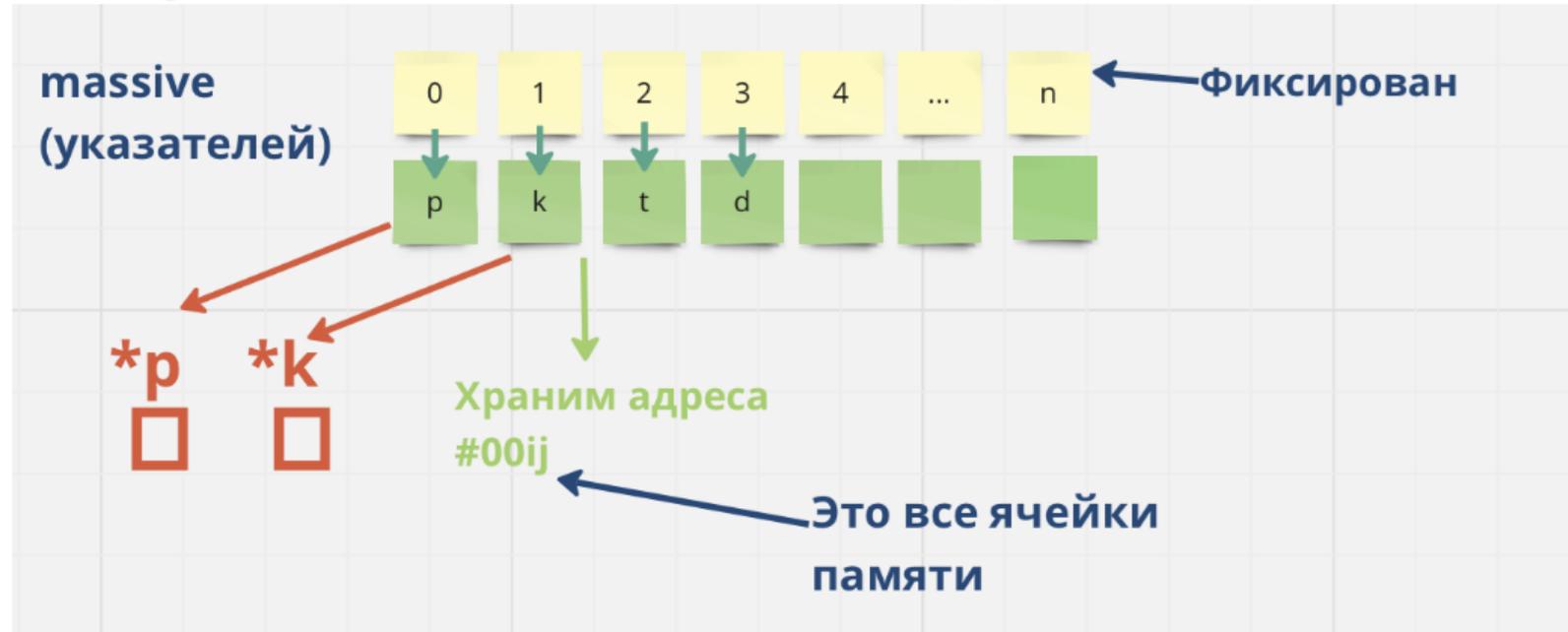
```
*k=12;
```

```
*t=88;
```

```
*d=99;
```

Много указателей!

Как работать с ними как с единым целым?



Не нужно будет создавать кучу переменных,
все будет теперь в massive[i]

вместо *p, *t, *k, *d

МНОГО Динамической памяти

```
int *p;
```

```
int *k;
```

```
int *t;
```

```
int *d;
```

```
????
```

1) НЕ известно сколько именно указателей понадобится!

Динамическая - динамическая память!

Создавать по необходимости!

2) Объединять как, как рассмотреть как единую структуру?

нужно связать ячейки памяти между собой

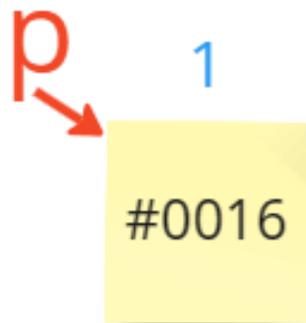
МНОГО Динамической памяти

```
int *p;  
int *k;  
int *t;  
int *d;  
????
```

1) НЕ известно сколько именно указателей понадобится!

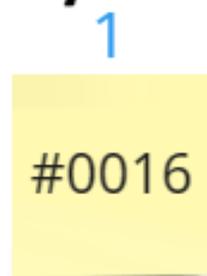
Динамическая - динамическая память!

Создавать по необходимости!



2) Объединять как, как рассмотреть как единую структуру?

нужно связать ячейки памяти между собой



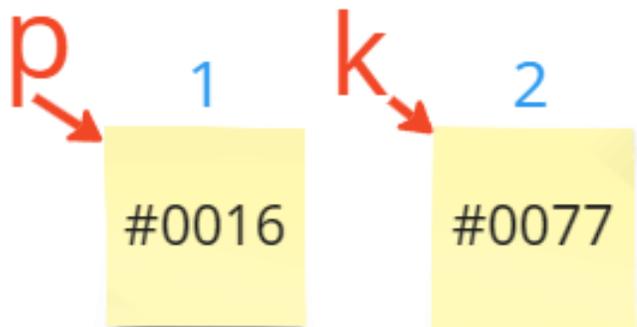
МНОГО Динамической памяти

```
int *p;  
int *k;  
int *t;  
int *d;  
????
```

1) НЕ известно сколько именно указателей понадобится!

Динамическая - динамическая память!

Создавать по необходимости!



2) Объединять как, как рассмотреть как единую структуру?

нужно связать ячейки памяти между собой



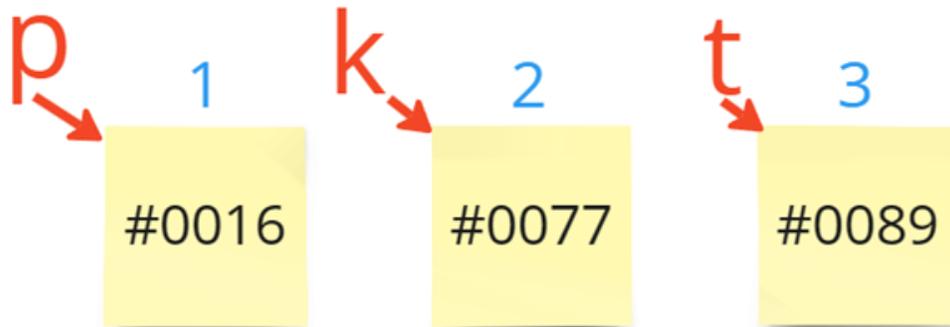
МНОГО Динамической памяти

```
int *p;  
int *k;  
int *t;  
int *d;  
????
```

1) НЕ известно сколько именно указателей понадобится!

Динамическая - динамическая память!

Создавать по необходимости!



2) Объединять как, как рассмотреть как единую структуру?

нужно связать ячейки памяти между собой



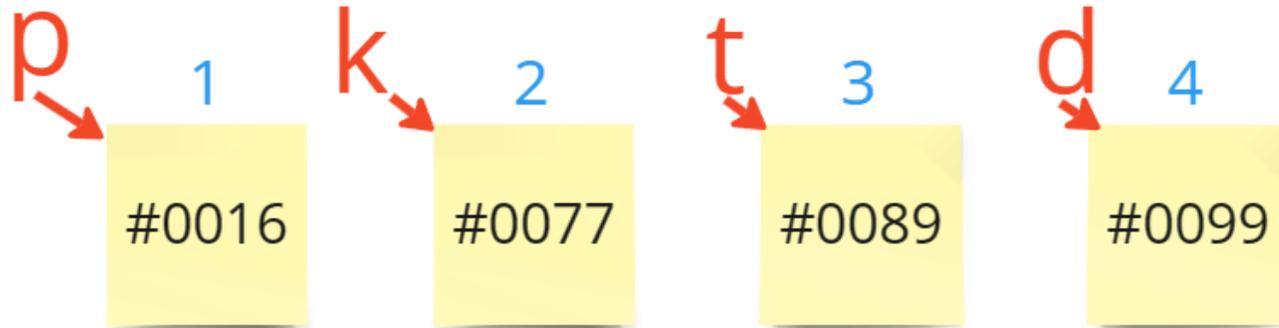
МНОГО Динамической памяти

```
int *p;  
int *k;  
int *t;  
int *d;  
????
```

1) НЕ известно сколько именно указателей понадобится!

Динамическая - динамическая память!

Создавать по необходимости!



2) Объединять как, как рассмотреть как единую структуру?

нужно связать ячейки памяти между собой



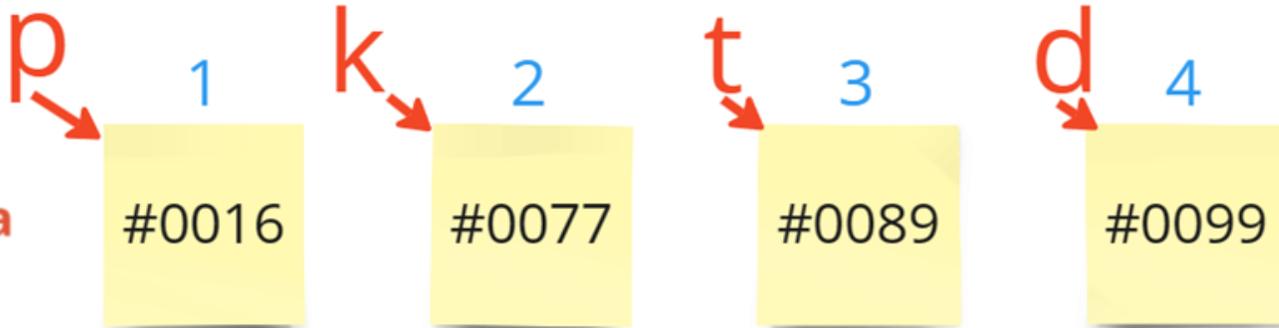
МНОГО Динамической памяти

```
int *p;  
int *k;  
int *t;  
int *d;  
????
```

1) НЕ известно сколько именно указателей понадобится!

Динамическая - динамическая память!

Создавать по необходимости!



151
переменная не
вариант ~~X~~

**Может 151 ячейка
нужна будет**

2) Объединять как, как рассмотреть как единую структуру?

нужно связать ячейки памяти между собой



Динамическая память

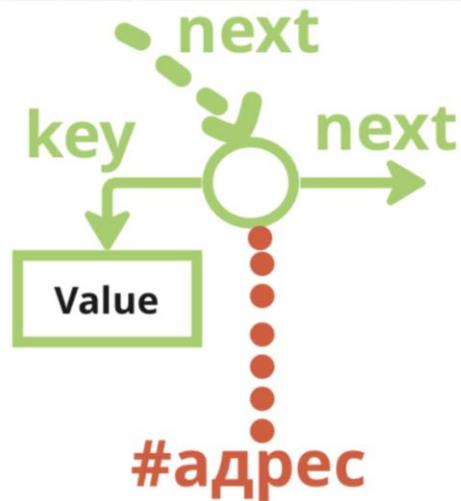


Динамическая память



Связываем свободные ячейки памяти, как вагоны
в один поезд
Локомотив - это начало всего списка этих ячеек

Динамическая память



Связываем свободные ячейки памяти, как вагоны
в один поезд
Локомотив - это начало всего списка этих ячеек

Динамическая память

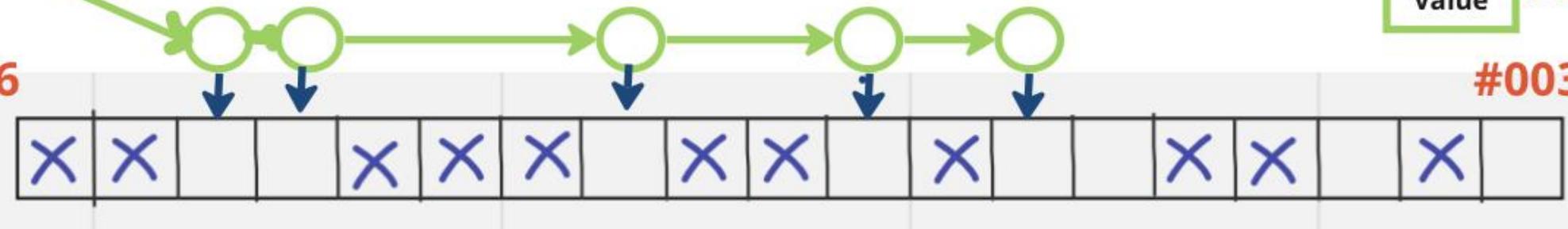


важен локомотив

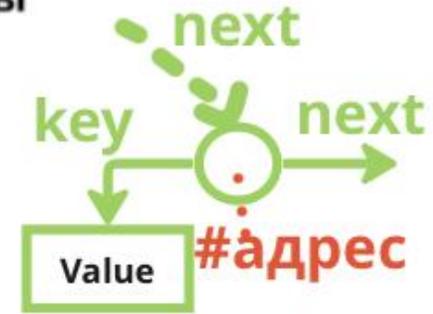
Связываем свободные ячейки памяти, как вагоны в один поезд
Локомотив - это начало всего списка этих ячеек

Head

#0016



#0037

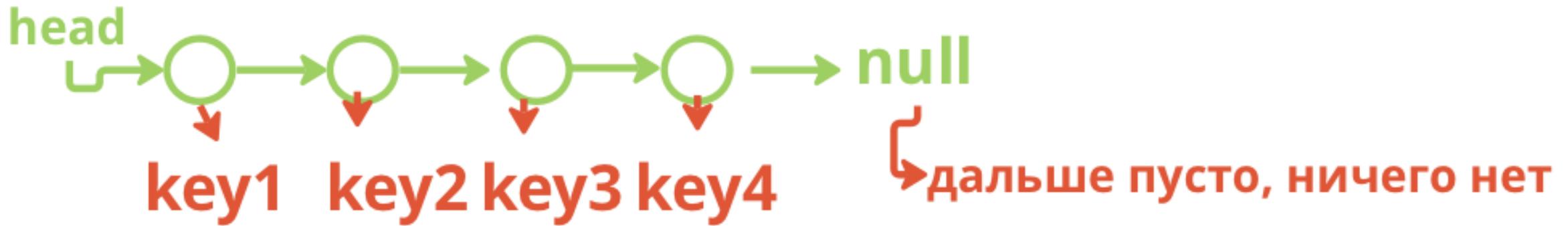


1) НЕ храним длину

2) Как определить последнюю ячейку

1) НЕ храним длину

2) Как определить последнюю ячейку (**null / nil**)



1) НЕ храним длину

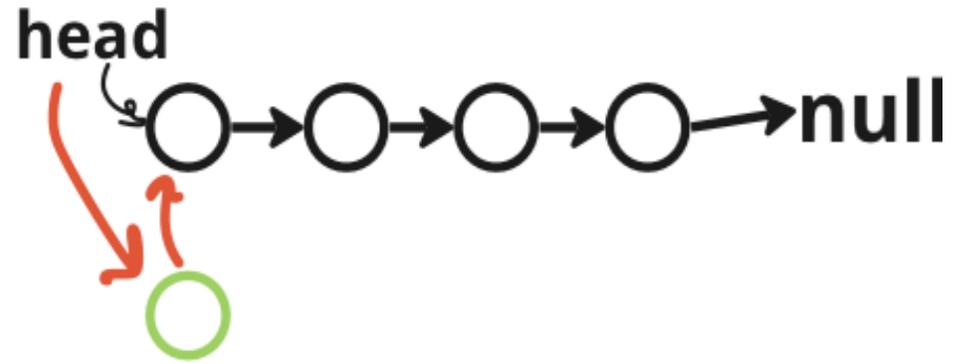
2) Как определить последнюю ячейку

3) Как привязать еще одну ячейку

1) НЕ храним длину

2) Как определить последнюю ячейку

3) Как привязать еще одну ячейку



1) НЕ храним длину

2) Как определить последнюю ячейку

3) Как привязать еще одну ячейку

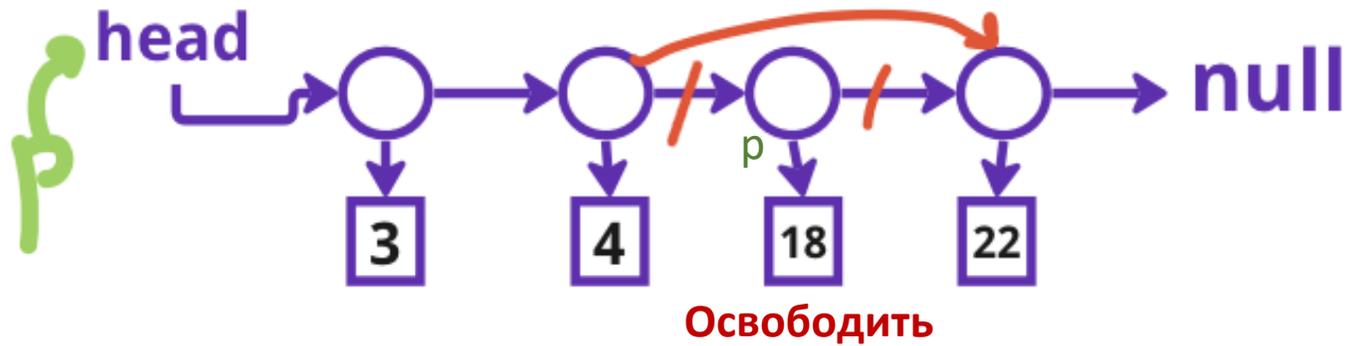
4) Как удалять ячейку

1) НЕ храним длину

2) Как определить последнюю ячейку

3) Как привязать еще одну ячейку

4) Как удалять ячейку **Delete 18**

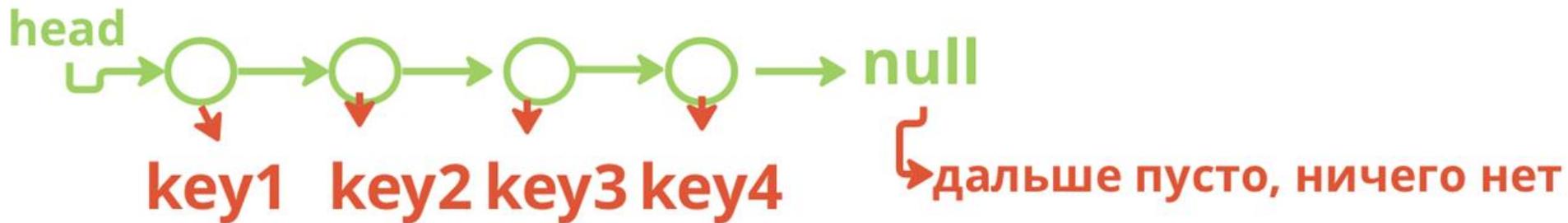


Как убрать вагон из поезда

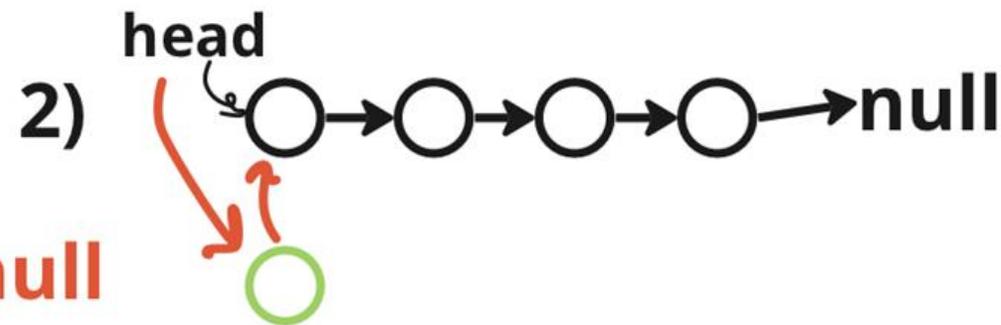
```
с  
помощью  
p->  
key == 18
```

1) НЕ храним длину

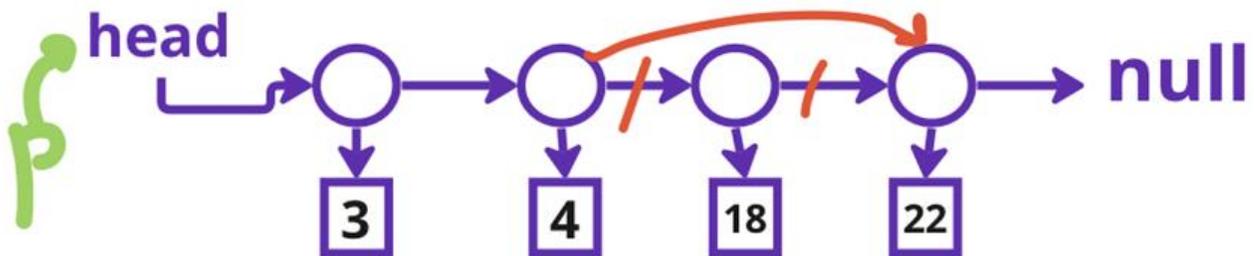
2) Как определить последнюю ячейку (null / nil)



3) Как привязать еще одну ячейку



4) Как удалять ячейку



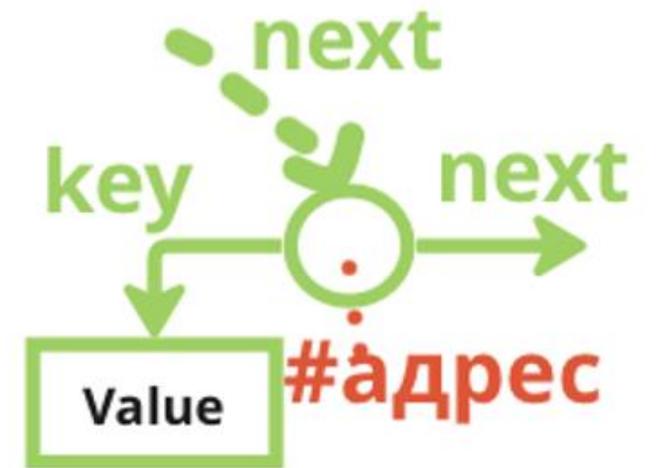
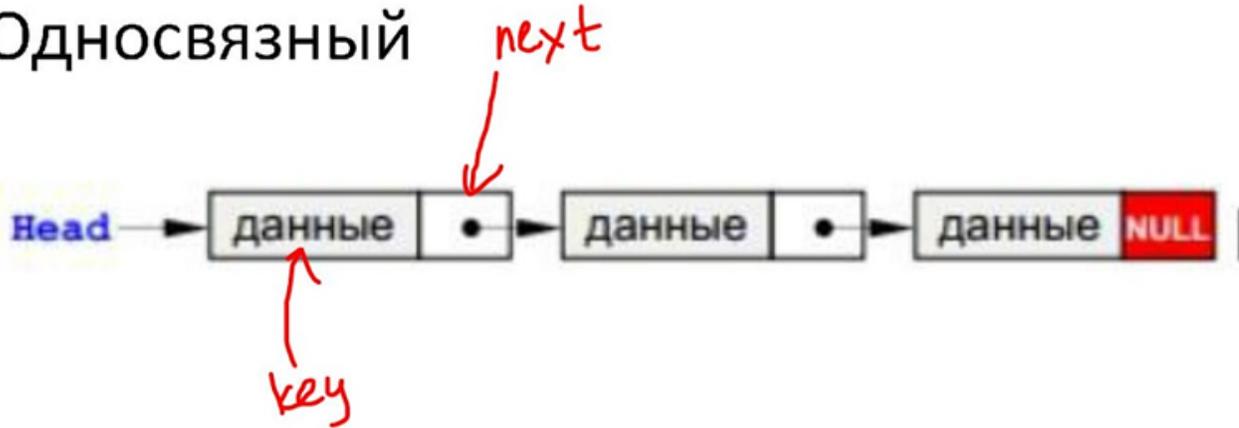
Как убрать вагон из поезда

Динамические связанные списки

```
struct Node
{
    int key; // значение
    struct Node *next; // адрес следующей ячейки памяти - указатель на следующий элемент
};

Struct Node * Head;
```

Односвязный



Односвязный список

```
struct Node
```

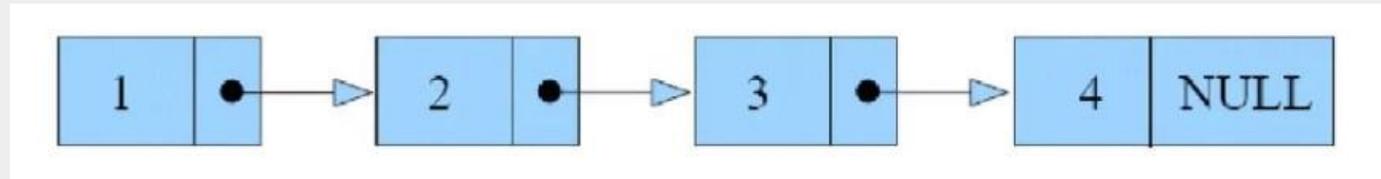
```
{
```

```
    int key; // значение
```

```
    struct Node *next; // адрес следующей ячейки памяти - указатель на следующий элемент
```

```
};
```

```
Struct Node * Head;
```



Односвязный список

```
struct Node
```

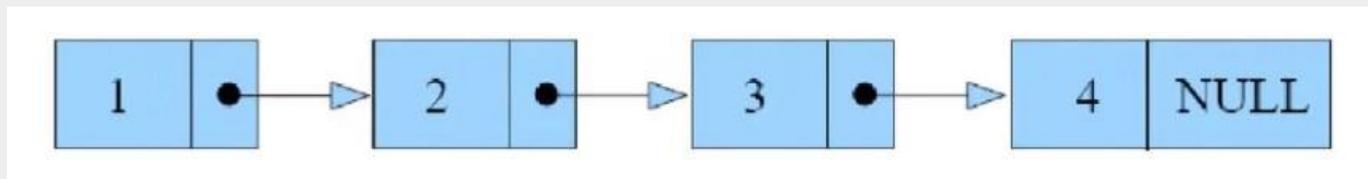
```
{
```

```
    int key; // значение
```

```
    struct Node *next; // адрес следующей ячейки памяти - указатель на следующий элемент
```

```
};
```

```
Struct Node * Head;
```



Head.next ?

Односвязный список

```
struct Node
```

```
{
```

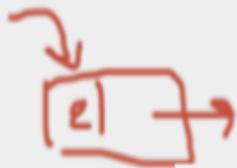
```
    int key; // значение
```

```
    struct Node *next; // адрес следующей ячейки памяти - указатель на следующий элемент
```

```
};
```

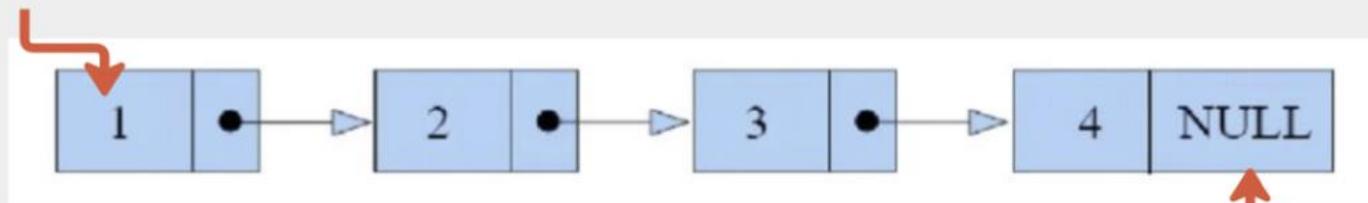
```
Struct Node * Head;
```

Head.next ?



адрес/указатель

head



head->next
->next->next
->next

Односвязный список

```
struct Node
```

```
{
```

```
    int key; // значение
```

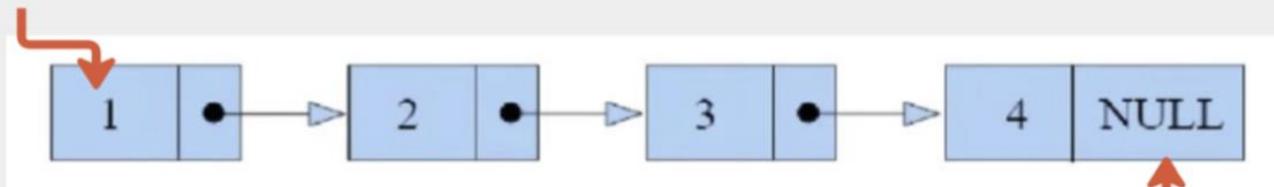
```
    struct Node *next; // адрес следующей ячейки памяти - указатель на следующий элемент
```

```
};
```

```
Struct Node * Head;
```

Head.key ?

head



head->next
->next->next
->next

Односвязный список

```
struct Node
```

```
{
```

```
    int key; // значение
```

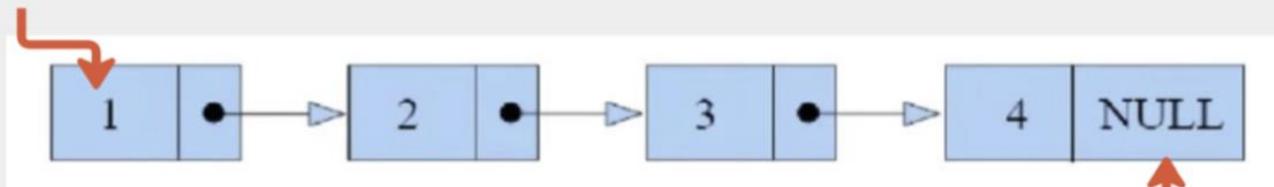
```
    struct Node *next; // адрес следующей ячейки памяти - указатель на следующий элемент
```

```
};
```

```
Struct Node * Head;
```

Head.key ? = 1

head



head->next
->next->next
->next

Односвязный список

```
struct Node
```

```
{
```

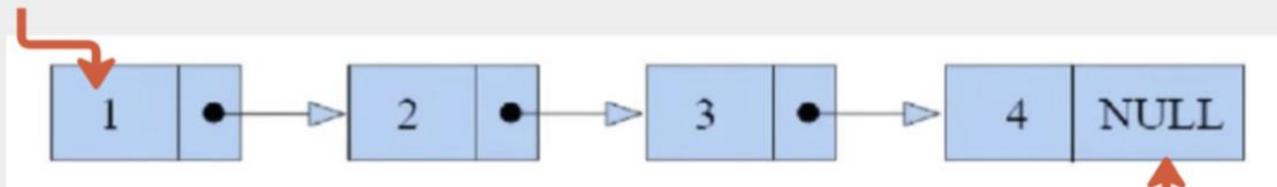
```
    int key; // значение
```

```
    struct Node *next; // адрес следующей ячейки памяти - указатель на следующий элемент
```

```
};
```

```
Struct Node * Head;
```

head



Head.next.next?

head->next
->next->next
->next

Односвязный список

```
struct Node
```

```
{
```

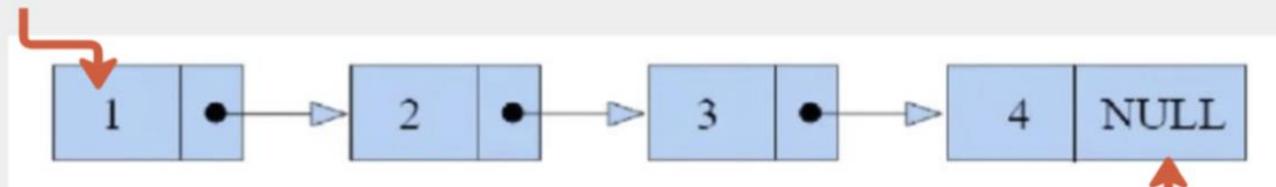
```
    int key; // значение
```

```
    struct Node *next; // адрес следующей ячейки памяти - указатель на следующий элемент
```

```
};
```

```
Struct Node * Head;
```

head



Head.next.next?



head->next
->next->next
->next

Односвязный список

```
struct Node
```

```
{
```

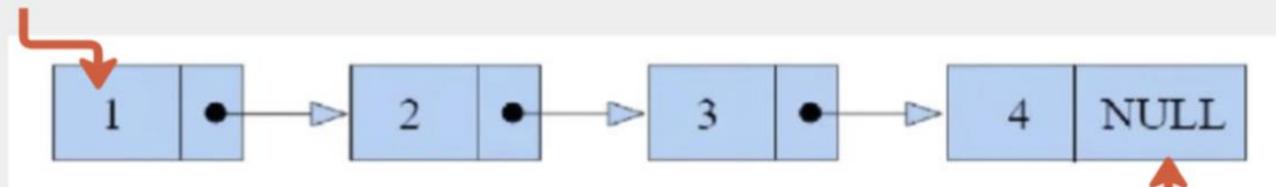
```
    int key; // значение
```

```
    struct Node *next; // адрес следующей ячейки памяти - указатель на следующий элемент
```

```
};
```

```
Struct Node * Head;
```

head



Head.next.next.key ?

head->next
->next->next
->next

Односвязный список

```
struct Node
```

```
{
```

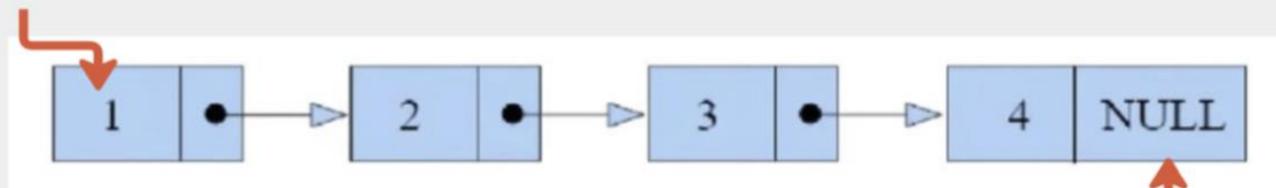
```
    int key; // значение
```

```
    struct Node *next; // адрес следующей ячейки памяти - указатель на следующий элемент
```

```
};
```

```
Struct Node * Head;
```

head



Head.next.next.key ? =3

head->next
->next->next
->next

```
struct Node
```

```
{
```

```
int key; // значение
```

```
struct Node *next; // адрес следующей ячейки памяти - указатель на следующий элемент
```

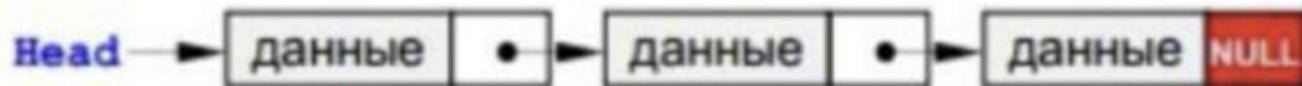
```
struct Node *prev; // адрес следующей предыдущей ячейки памяти - указатель на предыдущий элемент
```

```
};
```

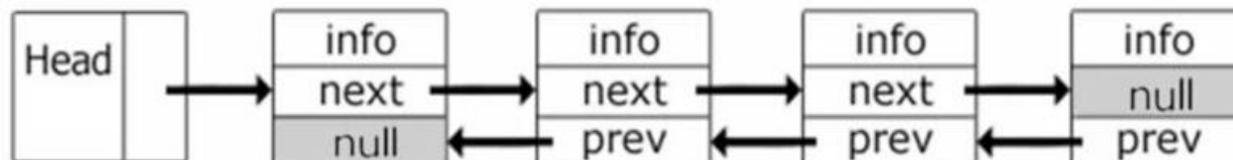
```
Struct Node * Head, *Tail;
```

Целая структура / объект / 50 полей!

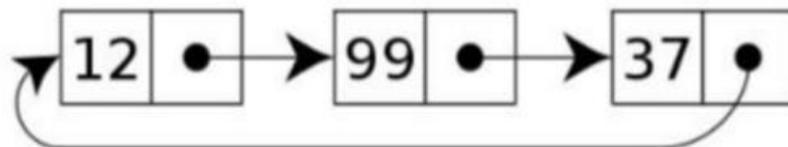
- Односвязный



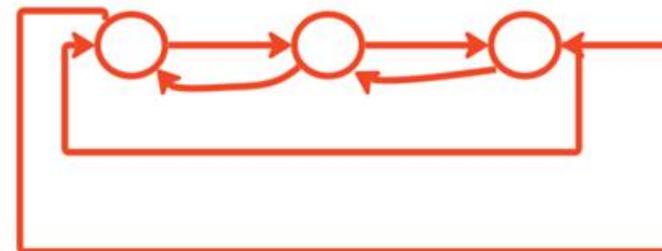
- Двусвязный



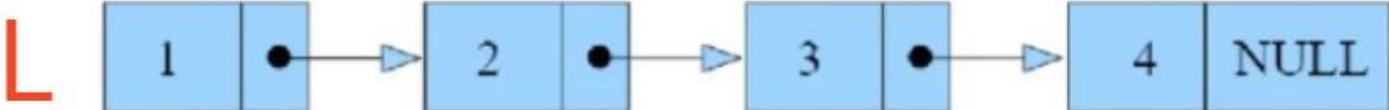
- Циклический



Двусвязный + циклический



ПОИСК

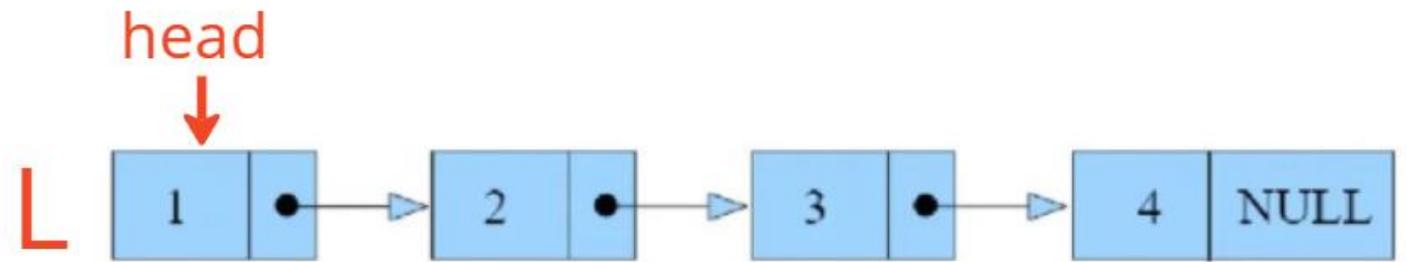


ПОИСК

List-Search(L, 3)

LIST-SEARCH(L, k)

```
1  $x = L.head$   
2 while  $x \neq \text{NIL}$  и  $x.key \neq k$   
3    $x = x.next$   
4 return  $x$ 
```

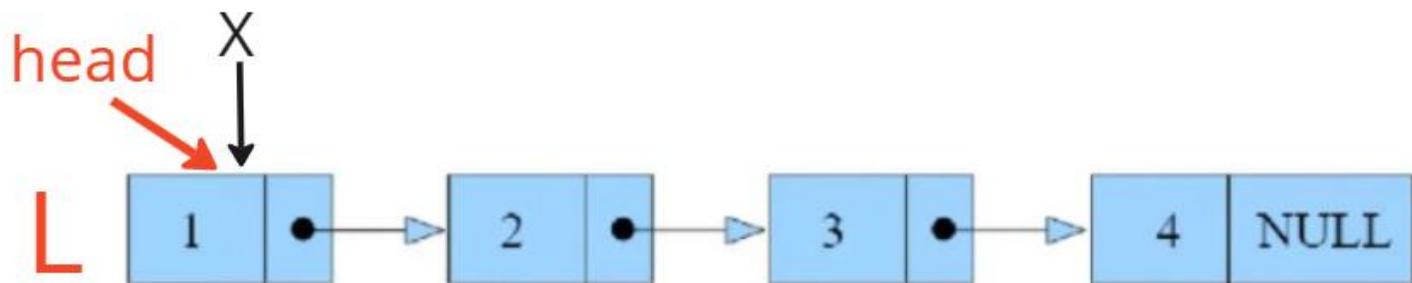


ПОИСК

List-Search(L, 3)

LIST-SEARCH(L, k)

```
1  $x = L.head$   
2 while  $x \neq NIL$  и  $x.key \neq k$   
3    $x = x.next$   
4 return  $x$ 
```



Скопируем
указатель на
голову, чтобы
её не потерять

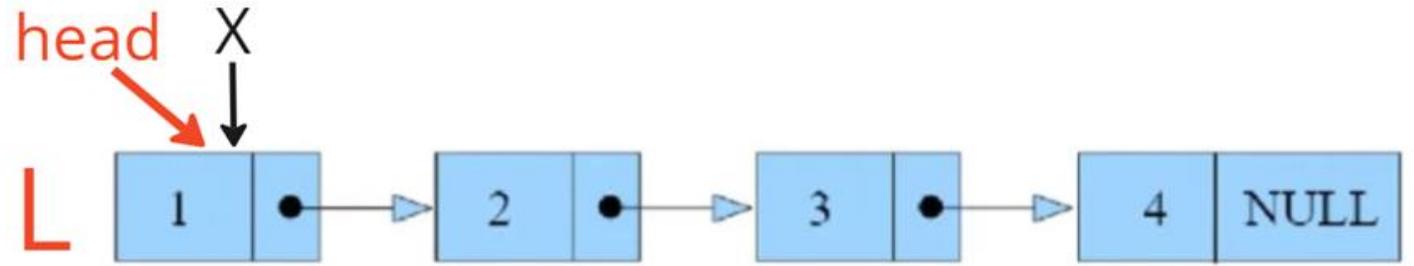
$x = L.head$

ПОИСК

List-Search(L, 3)

LIST-SEARCH(L, k)

```
1  $x = L.head$   
2 while  $x \neq \text{NIL}$  и  $x.key \neq k$   
3    $x = x.next$   
4 return  $x$ 
```



Скопируем
указатель на
голову, чтобы
её не потерять

$x = L.head$

Будем идти по
списку пока не
встретим Null
или искомый
элемент

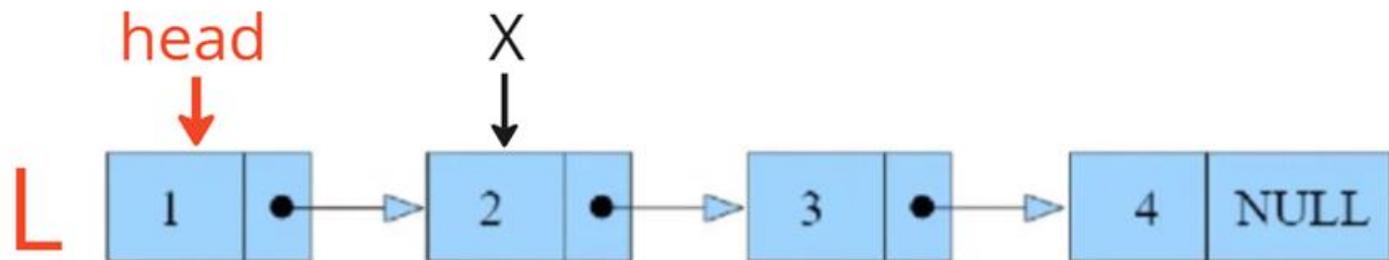
$x == \text{NULL}$
or
 $x.key == k$

ПОИСК

List-Search(L, 3)

LIST-SEARCH(L, k)

```
1  $x = L.head$   
2 while  $x \neq \text{NIL}$  и  $x.key \neq k$   
3    $x = x.next$   
4 return  $x$ 
```



Скопируем
указатель на
голову, чтобы
её не потерять

$x = L.head$

Будем идти по
списку пока не
встретим Null
или искомый
элемент

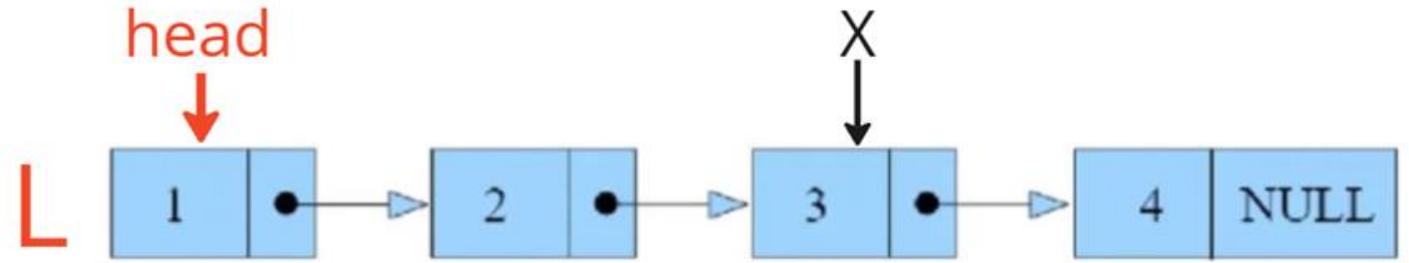
$x == \text{NULL}$
or
 $x.key == k$

ПОИСК

List-Search(L, 3)

LIST-SEARCH(L, k)

```
1  $x = L.head$   
2 while  $x \neq \text{NIL}$  и  $x.key \neq k$   
3    $x = x.next$   
4 return  $x$ 
```



Скопируем
указатель на
голову, чтобы
её не потерять

$x = L.head$

Будем идти по
списку пока не
встретим Null
или искомый
элемент

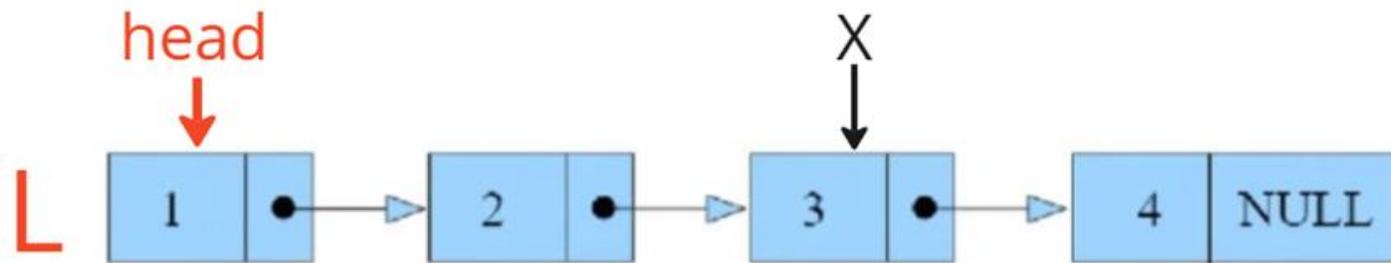
$x == \text{NULL}$
or
 $x.key == k$

ПОИСК

List-Search(L, 3)

LIST-SEARCH(L, k)

```
1  $x = L.head$   
2 while  $x \neq \text{NIL}$  и  $x.key \neq k$   
3    $x = x.next$   
4 return  $x$ 
```



Скопируем
указатель на
голову, чтобы
её не потерять

$x = L.head$

Будем идти по
списку пока не
встретим Null
или искомый
элемент

$x == \text{NULL}$
or
 $x.key == k$

Нашли!

ПОИСК

List-Search(L, 3)

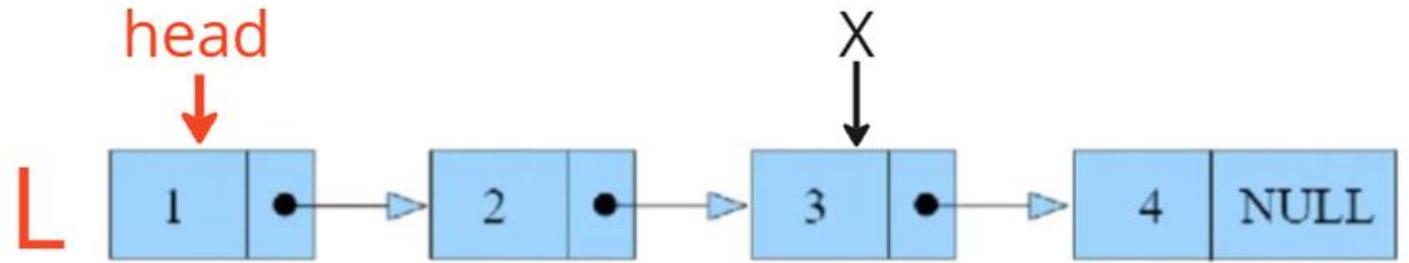
LIST-SEARCH(L, k)

```
1 x = L.head
2 while x ≠ NIL и x.key ≠ k
3   x = x.next
4 return x
```

Список длины n =>

search(head, key) ~O(n)

т.к. весь список нужно
пройти



Скопируем
указатель на
голову, чтобы
её не потерять

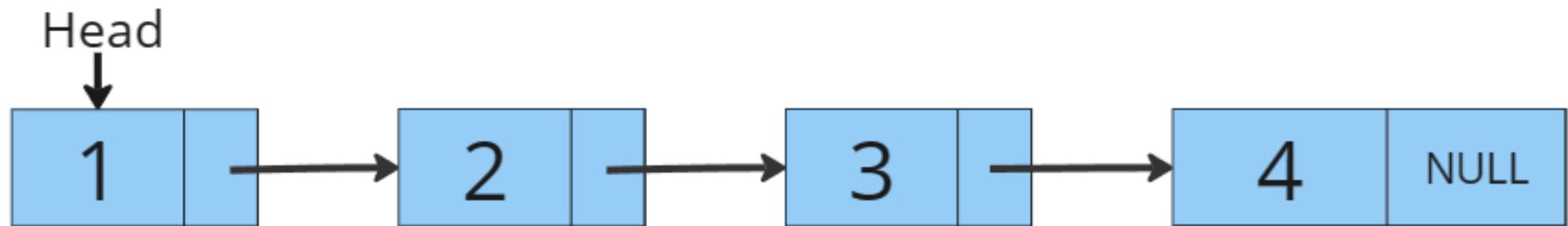
`x = L.head`

Будем идти по
списку пока не
встретим Null
или искомый
элемент

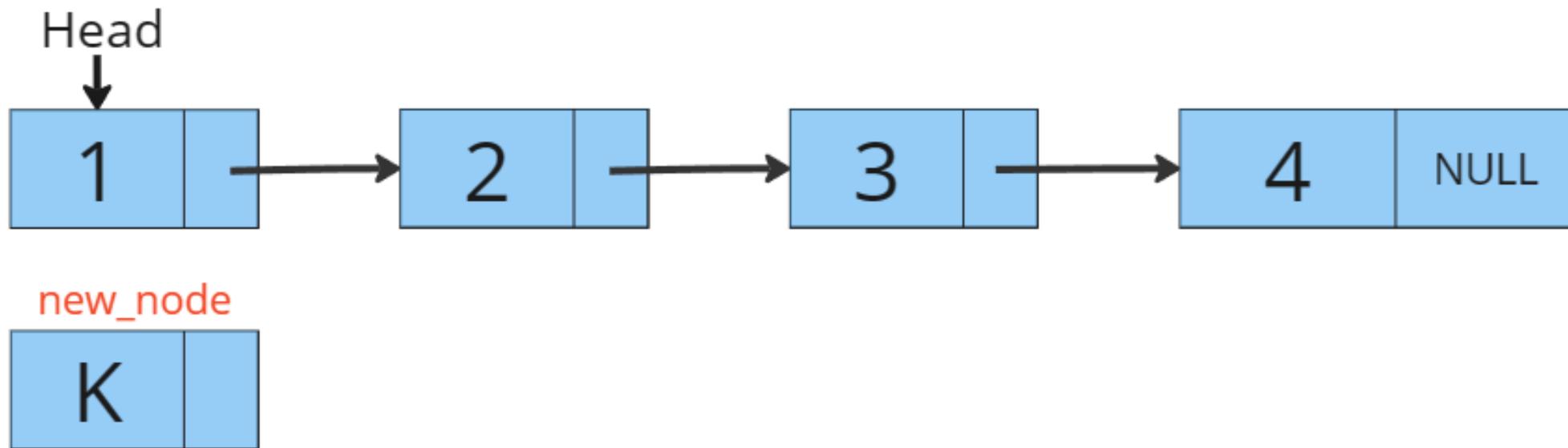
`x == NULL`
or
`x.key == k`

Нашли!

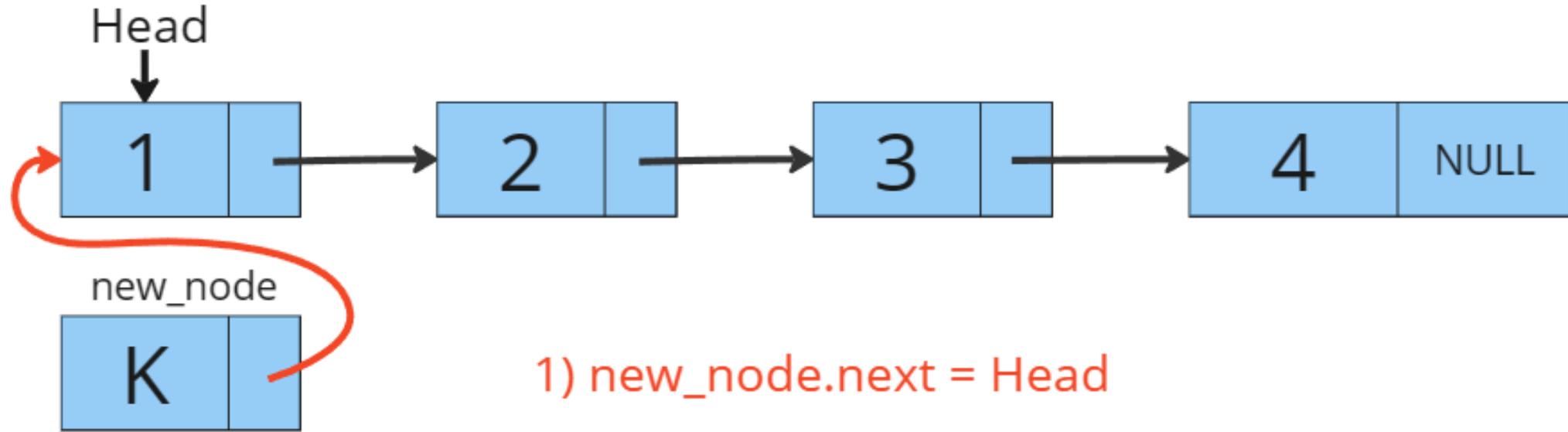
Добавить новый элемент в список



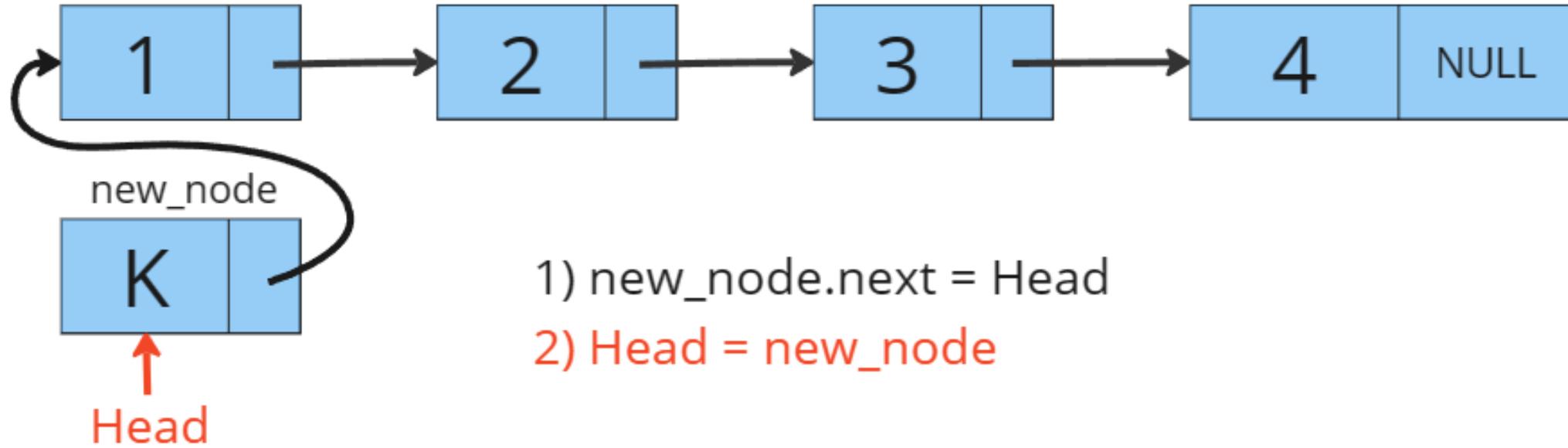
Добавить новый элемент в список



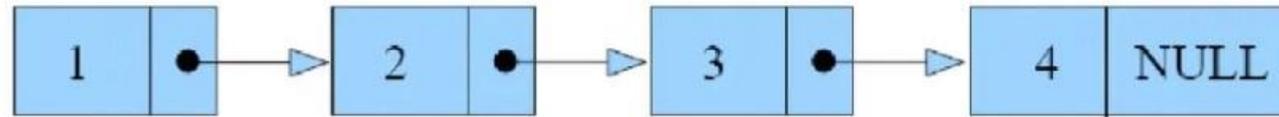
Добавить новый элемент в список



Добавить новый элемент в список

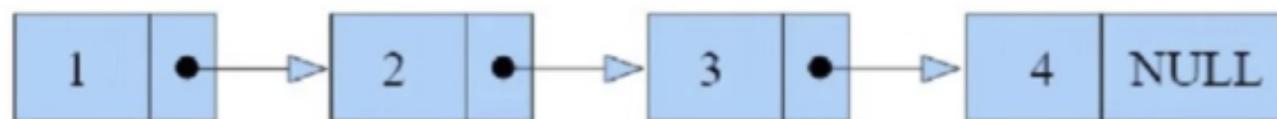


Добавить новый элемент в заданное место в списке



Добавить новый элемент в заданное место в списке **Head**

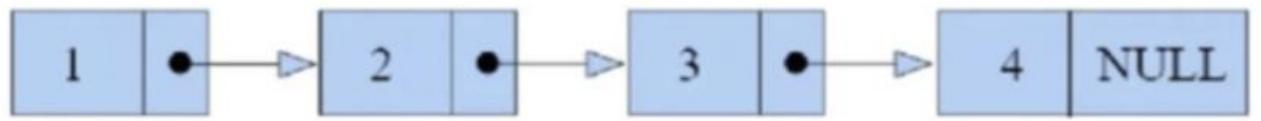
$p = \text{head}$



Добавить новый элемент в заданное место в списке

Head

p = head



p = p.next

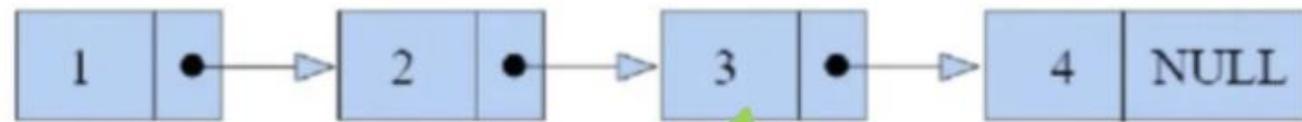
Пока

p.key = x

Добавить новый элемент в заданное место в списке

Head

$p = \text{head}$

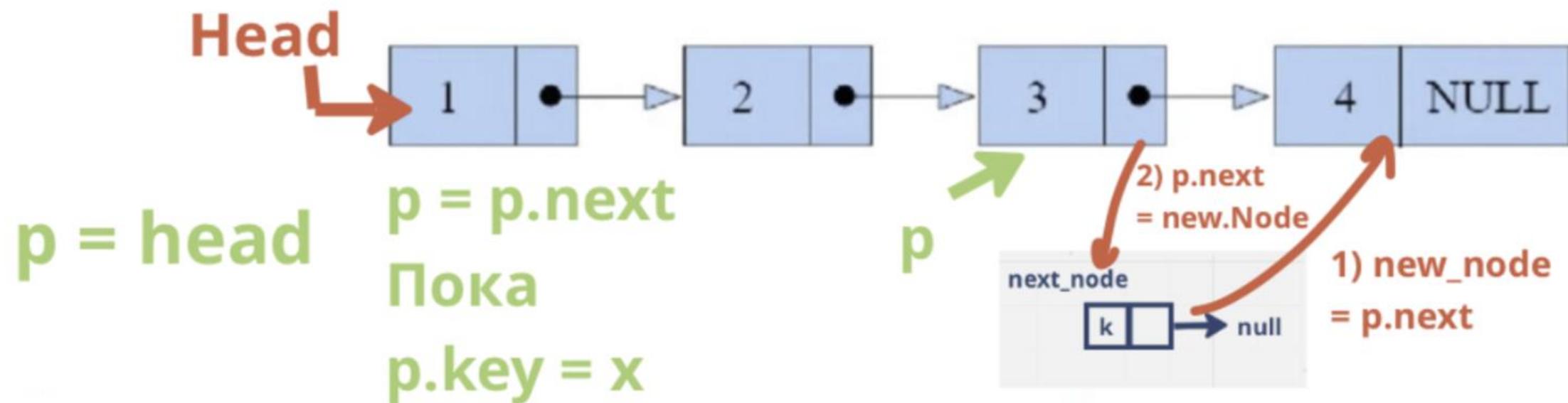


$p = p.\text{next}$

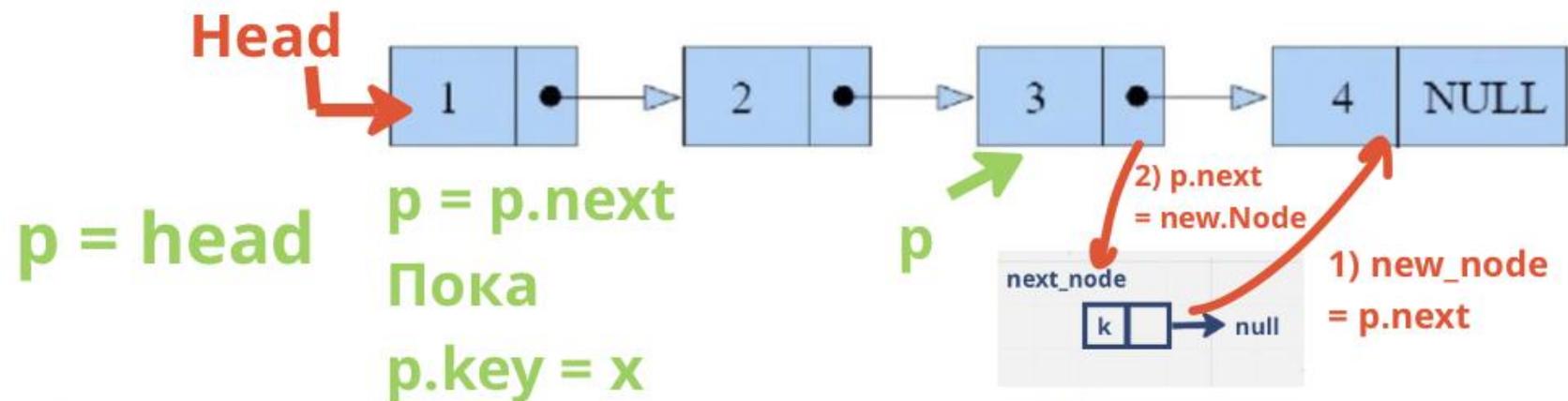
Пока

$p.\text{key} = x$

Добавить новый элемент в заданное место в списке



Добавить новый элемент в заданное место в списке



$p = \text{head}$

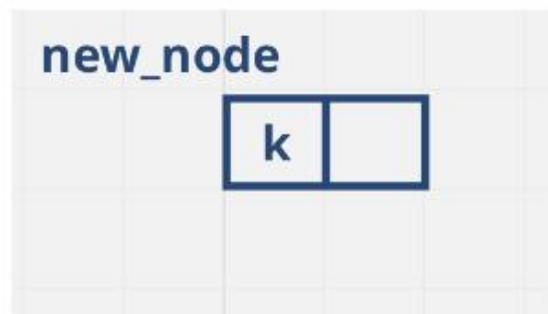
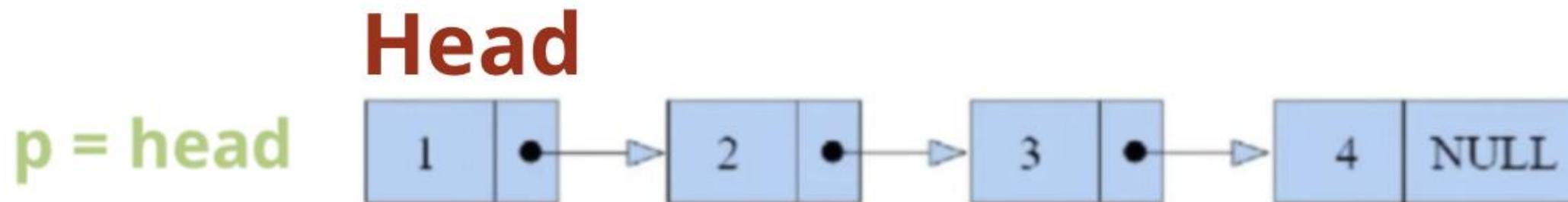
$p = p.\text{next}$

Пока

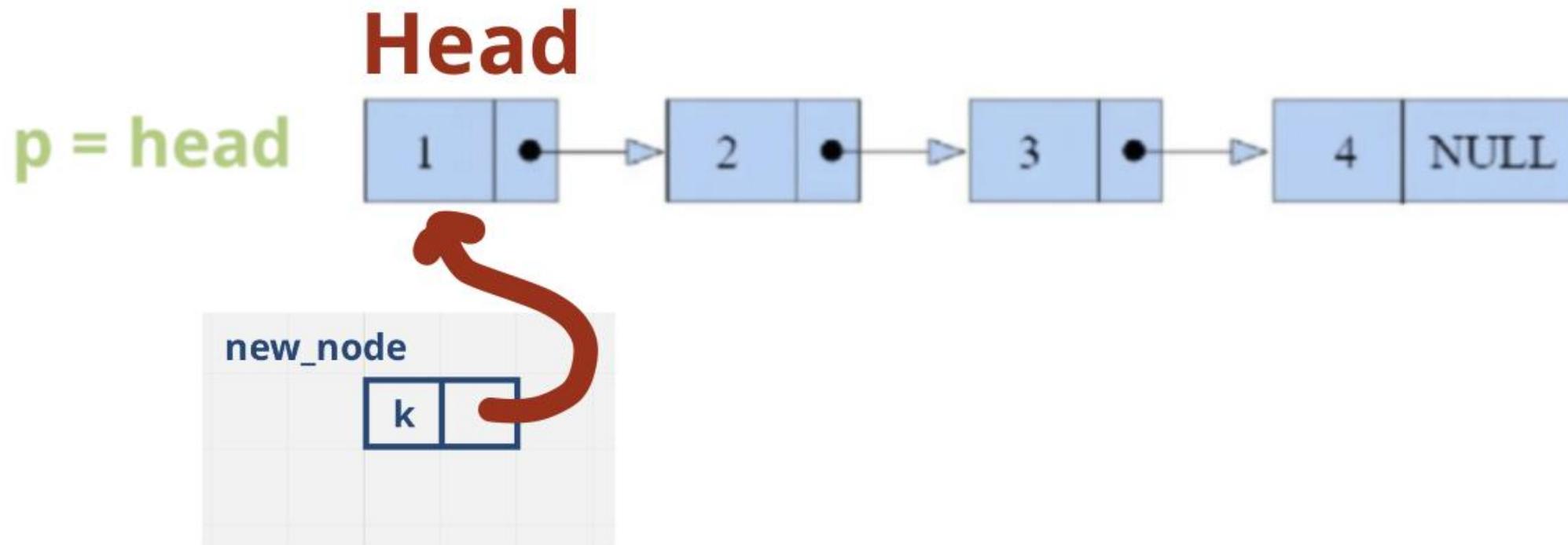
$p.\text{key} = x$

{ В конец
Пока $p.\text{next} \neq \text{null}$
 $\Rightarrow p.\text{next} = \text{New_node}$

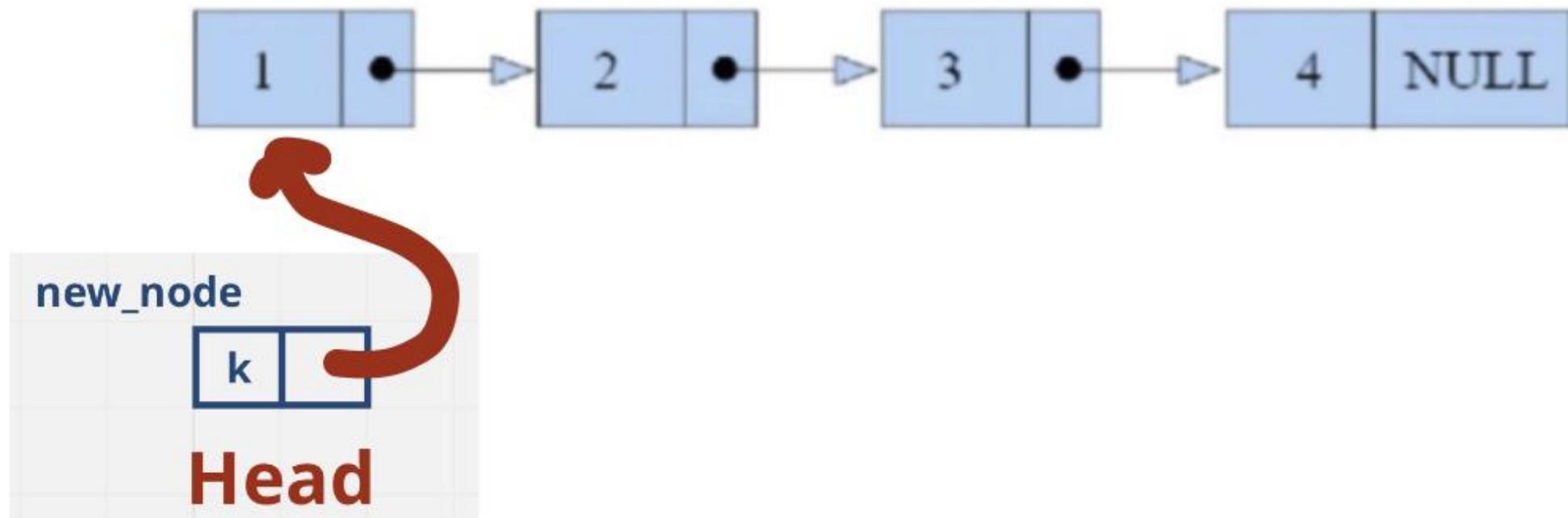
Добавление в голову



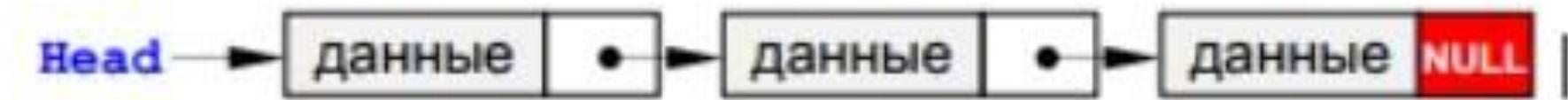
Добавление в голову



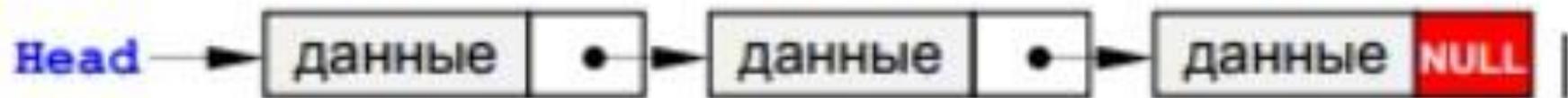
Добавление в голову



Удаление элемента из списка



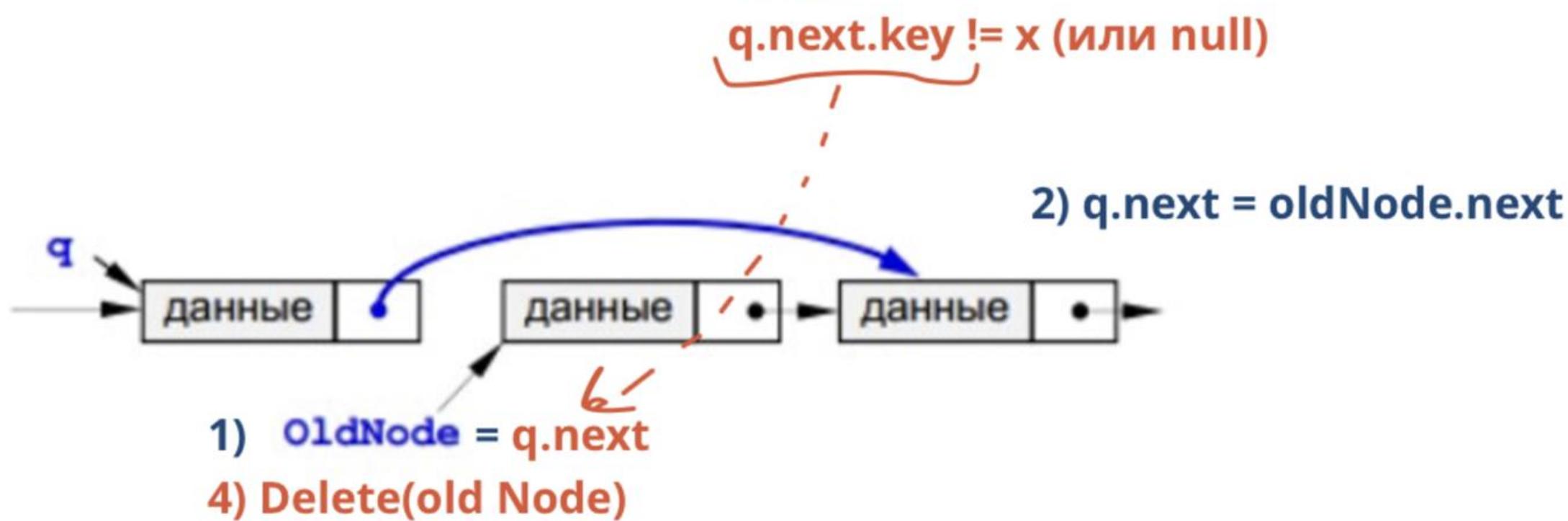
Удаление элемента из списка



Удаление элемента из списка



Удаление элемента из списка



Удаление элемента из списка



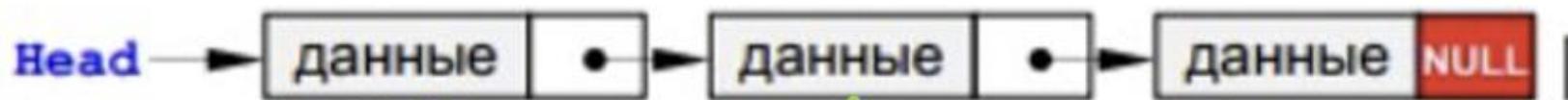
3) `oldNode.next = null`



а если удаляем голову?

а если удаляем последний элемент?

Удаление элемента из списка

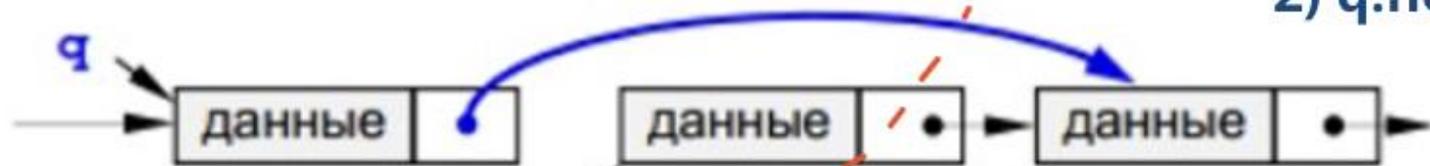


q = head

↑↑↑
q = q.next

↑
q

Пока
q.next.key != x (или null)



2) q.next = oldNode.next

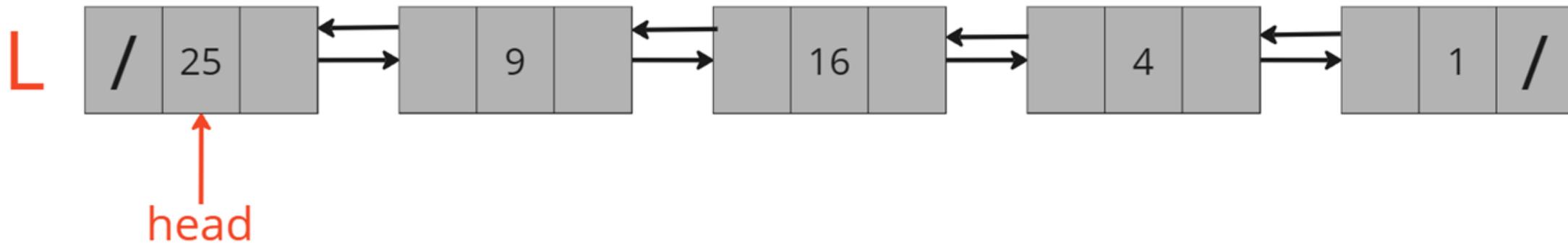
1) OldNode = q.next

4) Delete(old Node)

3) oldNode.next = null

↓
а если удаляем голову?
а если удаляем последний элемент?

ДВУСВЯЗНЫЙ СПИСОК: ДОБАВЛЕНИЕ



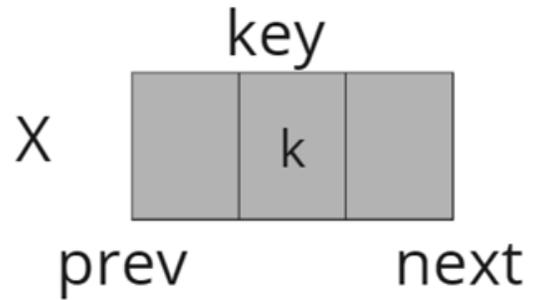
List-Insert(L,x)

- 1 $x.next = L.head$
- 2 if $L.head \neq NULL$
- 3 $L.head.prev = x$
- 4 $L.head = x$
- 5 $x.prev = NULL$

ДВУСВЯЗНЫЙ СПИСОК: ДОБАВЛЕНИЕ



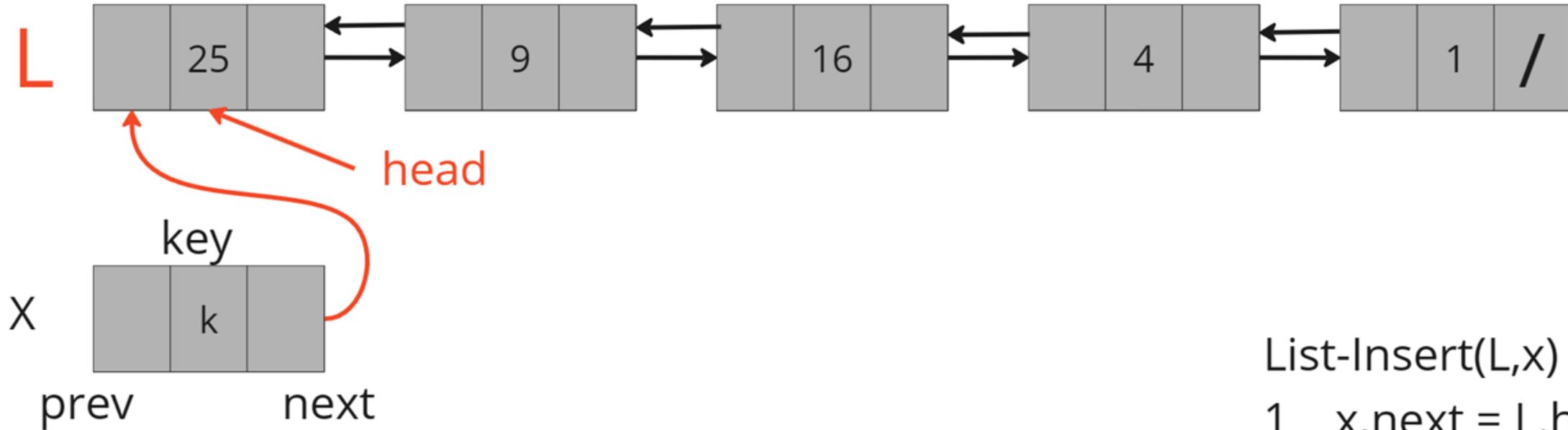
head



List-Insert(L, x)

- 1 `x.next = L.head`
- 2 if `L.head != NULL`
- 3 `L.head.prev = x`
- 4 `L.head = x`
- 5 `x.prev = NULL`

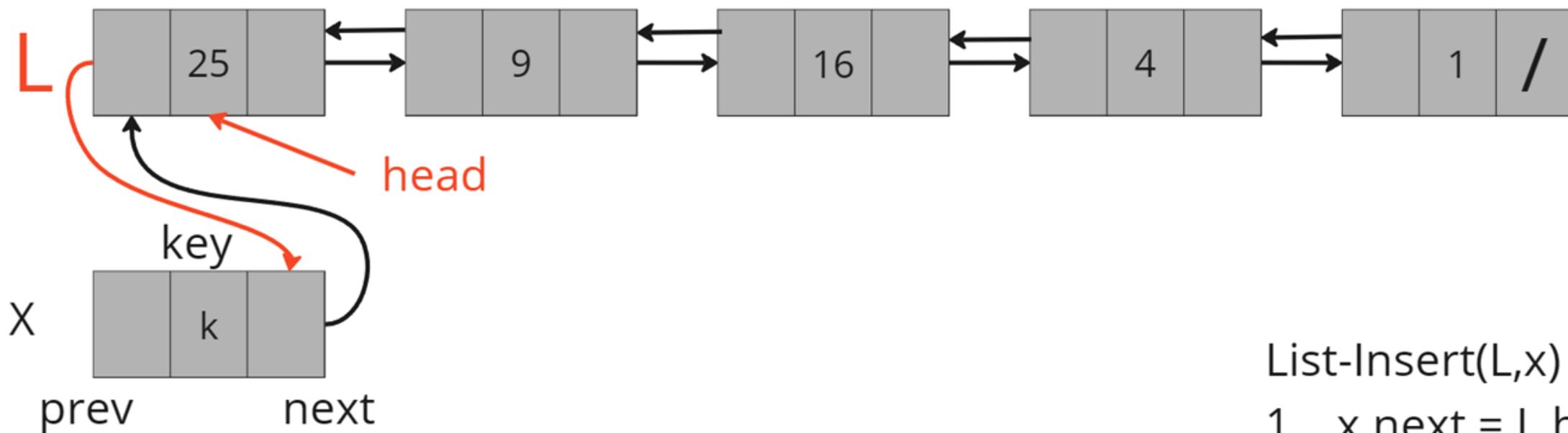
ДВУСВЯЗНЫЙ СПИСОК: ДОБАВЛЕНИЕ



List-Insert(L,x)

- 1 $x.next = L.head$
- 2 if $L.head \neq NULL$
- 3 $L.head.prev = x$
- 4 $L.head = x$
- 5 $x.prev = NULL$

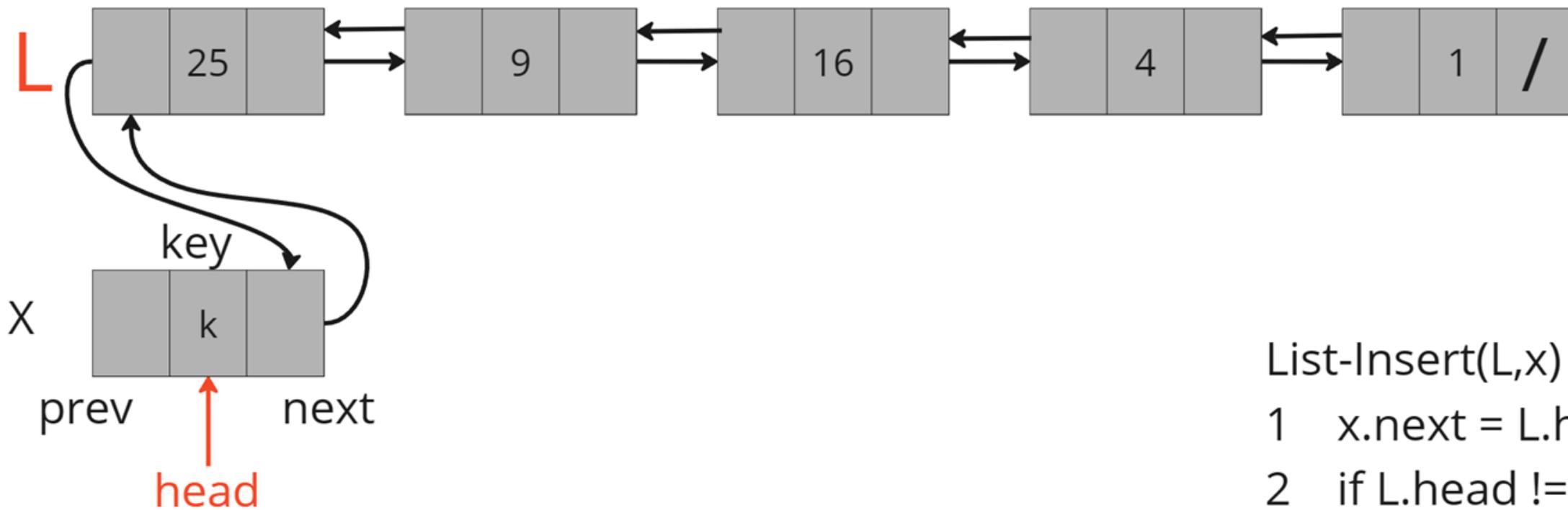
ДВУСВЯЗНЫЙ СПИСОК: ДОБАВЛЕНИЕ



List-Insert(L,x)

- 1 `x.next = L.head`
- 2 `if L.head != NULL`
- 3 `L.head.prev = x`
- 4 `L.head = x`
- 5 `x.prev = NULL`

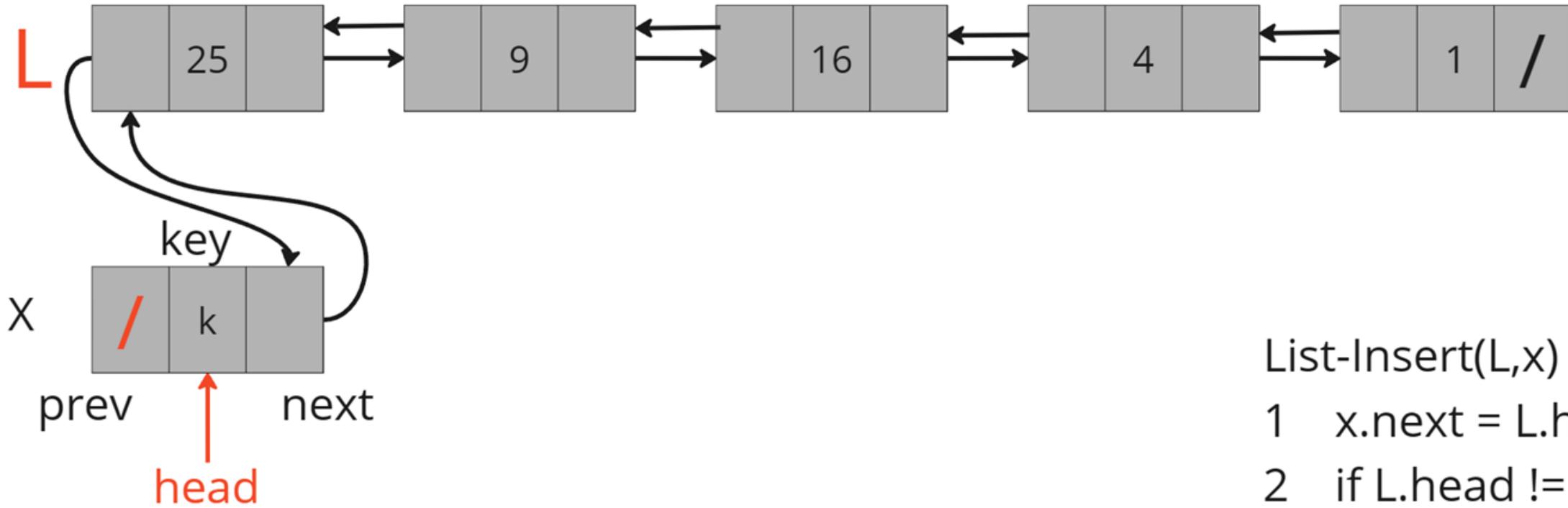
ДВУСВЯЗНЫЙ СПИСОК: ДОБАВЛЕНИЕ



List-Insert(L,x)

- 1 $x.next = L.head$
- 2 if $L.head \neq NULL$
- 3 $L.head.prev = x$
- 4 $L.head = x$
- 5 $x.prev = NULL$

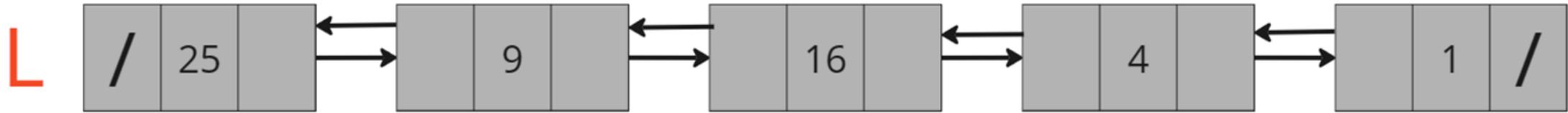
ДВУСВЯЗНЫЙ СПИСОК: ДОБАВЛЕНИЕ



List-Insert(L,x)

- 1 x.next = L.head
- 2 if L.head != NULL
- 3 L.head.prev = x
- 4 L.head = x
- 5 x.prev = NULL

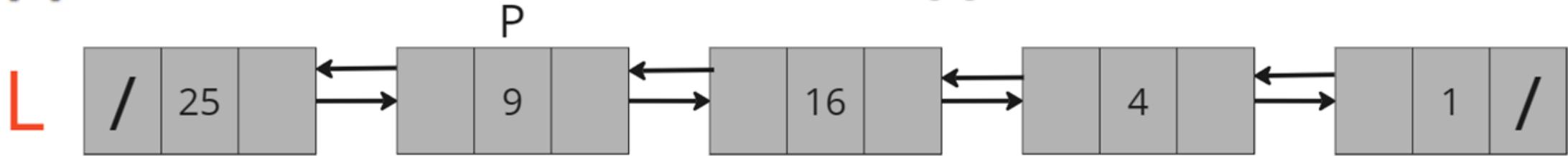
ДВУСВЯЗНЫЙ СПИСОК: в заданное место



List-Insert(L, p, x)

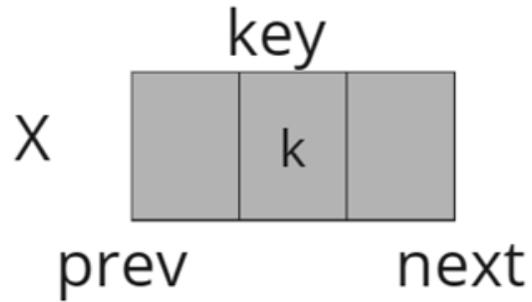
```
1  if p.next == NULL
2    x.next = NULL
3    p.next = x
4    x.prev = p
5    return
6  if p == L.head
7    x.prev = NULL
8    L.head.prev = x
9    x.next = L.head
10   L.head = x
11   return
12  p.next.prev = x
13  x.next = p.next
14  p.next = x
15  x.prev = p
```

ДВУСВЯЗНЫЙ СПИСОК: в заданное место

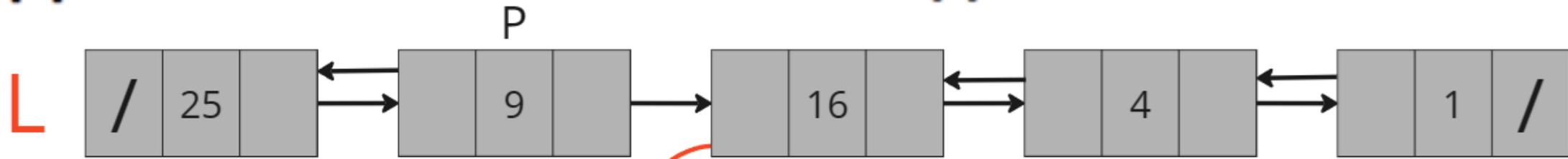


List-Insert(L, p, x)

```
1 if p.next == NULL
2   x.next = NULL
3   p.next = x
4   x.prev = p
5   return
6 if p == L.head
7   x.prev = NULL
8   L.head.prev = x
9   x.next = L.head
10  L.head = x
11  return
12 p.next.prev = x
13 x.next = p.next
14 p.next = x
15 x.prev = p
```



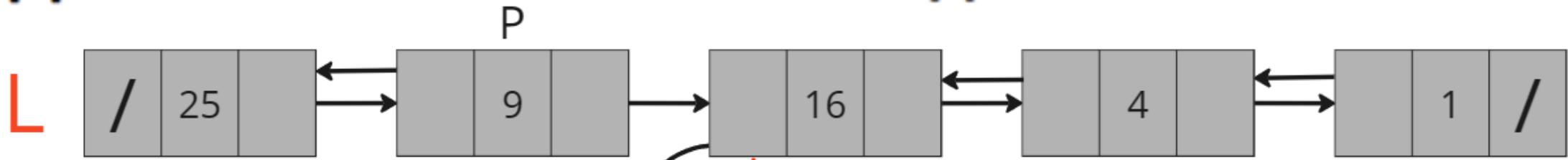
ДВУСВЯЗНЫЙ СПИСОК: в заданное место



List-Insert(L, p, x)

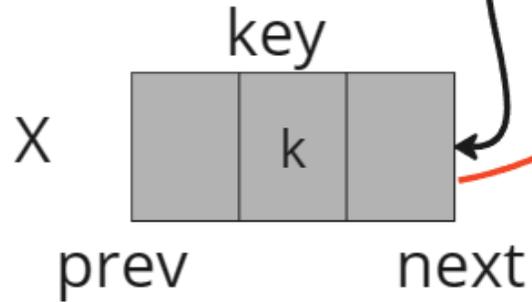
```
1 if p.next == NULL
2   x.next = NULL
3   p.next = x
4   x.prev = p
5   return
6 if p == L.head
7   x.prev = NULL
8   L.head.prev = x
9   x.next = L.head
10  L.head = x
11  return
12 p.next.prev = x
13 x.next = p.next
14 p.next = x
15 x.prev = p
```

ДВУСВЯЗНЫЙ СПИСОК: в заданное место

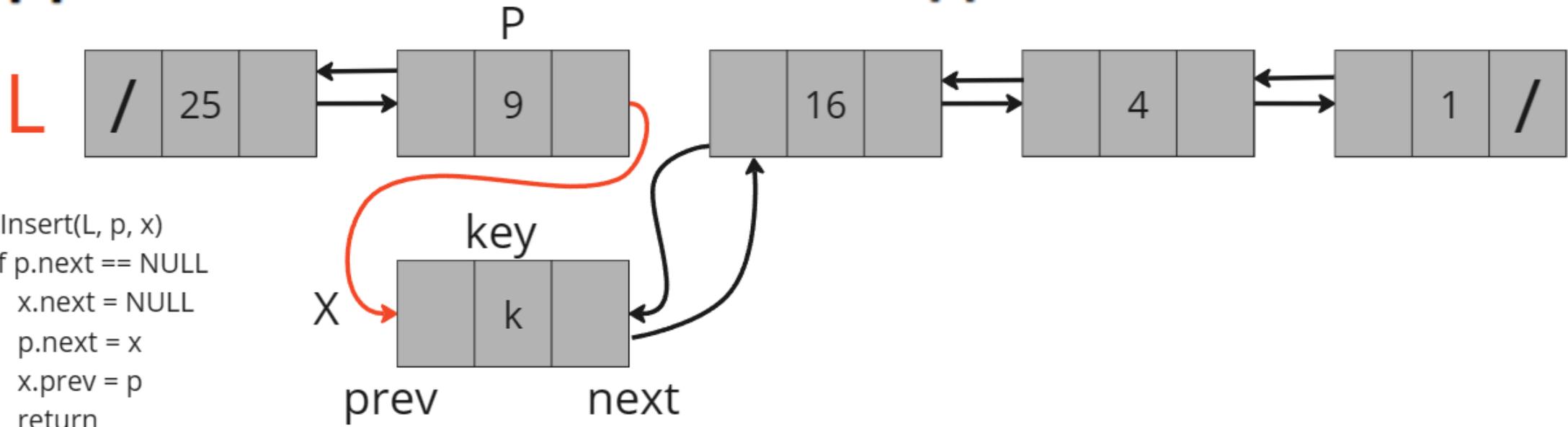


List-Insert(L, p, x)

- 1 if p.next == NULL
- 2 x.next = NULL
- 3 p.next = x
- 4 x.prev = p
- 5 return
- 6 if p == L.head
- 7 x.prev = NULL
- 8 L.head.prev = x
- 9 x.next = L.head
- 10 L.head = x
- 11 return
- 12 p.next.prev = x
- 13 **x.next = p.next**
- 14 p.next = x
- 15 x.prev = p



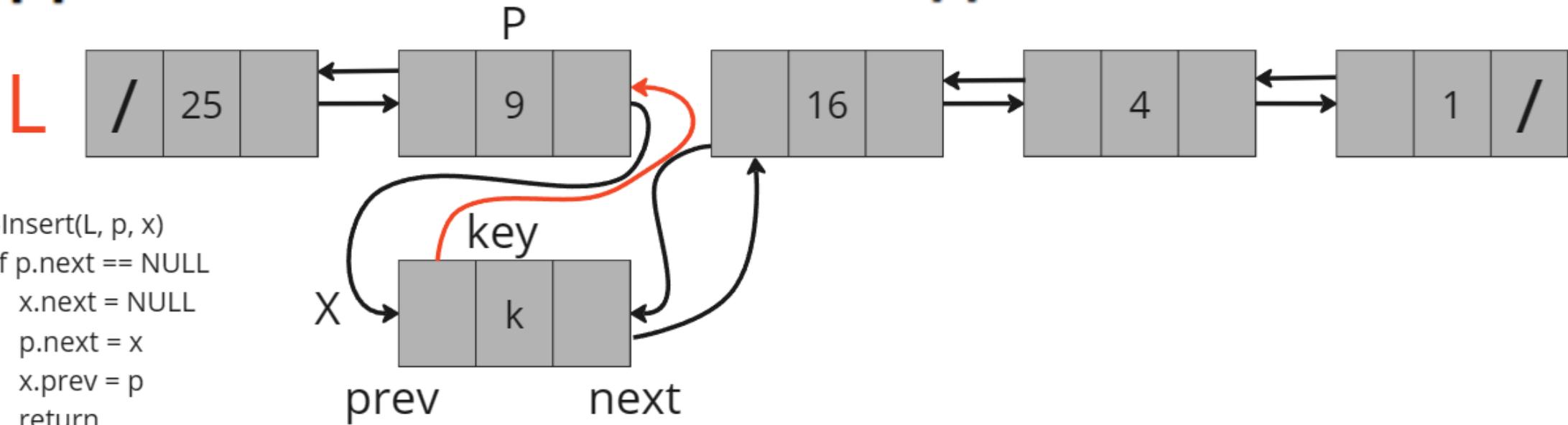
ДВУСВЯЗНЫЙ СПИСОК: в заданное место



List-Insert(L, p, x)

- 1 if p.next == NULL
- 2 x.next = NULL
- 3 p.next = x
- 4 x.prev = p
- 5 return
- 6 if p == L.head
- 7 x.prev = NULL
- 8 L.head.prev = x
- 9 x.next = L.head
- 10 L.head = x
- 11 return
- 12 p.next.prev = x
- 13 x.next = p.next
- 14 **p.next = x**
- 15 x.prev = p

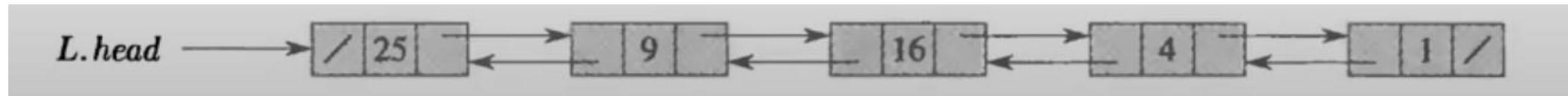
ДВУСВЯЗНЫЙ СПИСОК: в заданное место



List-Insert(L, p, x)

- 1 if $p.next == NULL$
- 2 $x.next = NULL$
- 3 $p.next = x$
- 4 $x.prev = p$
- 5 return
- 6 if $p == L.head$
- 7 $x.prev = NULL$
- 8 $L.head.prev = x$
- 9 $x.next = L.head$
- 10 $L.head = x$
- 11 return
- 12 $p.next.prev = x$
- 13 $x.next = p.next$
- 14 $p.next = x$
- 15 $x.prev = p$

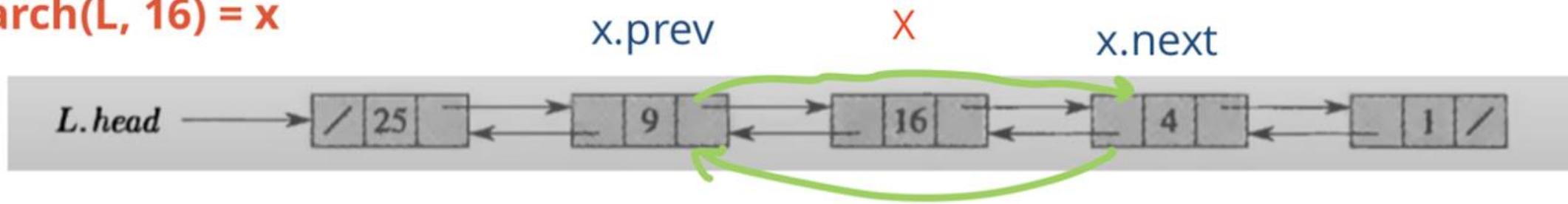
ДВУСВЯЗНЫЙ СПИСОК: УДАЛЕНИЕ



ДВУСВЯЗНЫЙ СПИСОК: УДАЛЕНИЕ

Удалим (16)

$\text{search}(L, 16) = x$

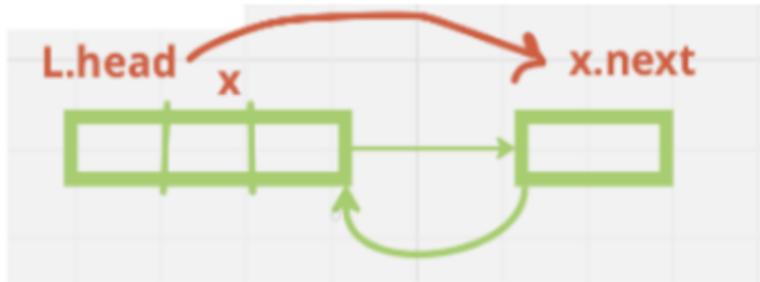


1) $x.prev.next = x.next$

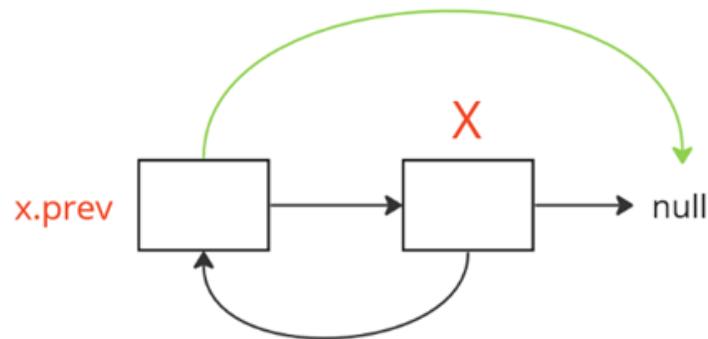
2) $x.next.prev = x.prev$

ДВУСВЯЗНЫЙ СПИСОК: УДАЛЕНИЕ

а если удаляем голову? $(x.prev == null) \Rightarrow L.head = x.next$



а если удаляем последний элемент? $(x.next == null) \Rightarrow x.prev.next = null$



ДВУСВЯЗНЫЙ СПИСОК:

LIST-DELETE(L, x) — Search(L, K) $\sim O(n)$

```
1  if  $x.prev \neq NIL$ 
2       $x.prev.next = x.next$ 
3  else  $L.head = x.next$   ] удаляем
4  if  $x.next \neq NIL$       голову
5       $x.next.prev = x.prev$ 
```

} $O(n) + O(1) \Rightarrow \sim O(n)$

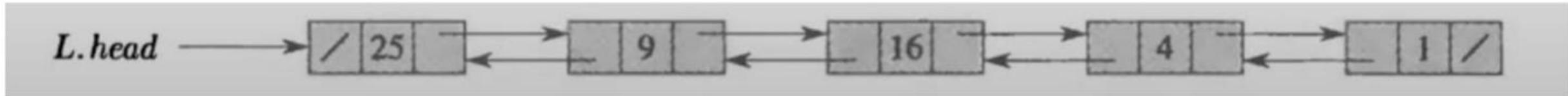


ДВУСВЯЗНЫЙ СПИСОК:

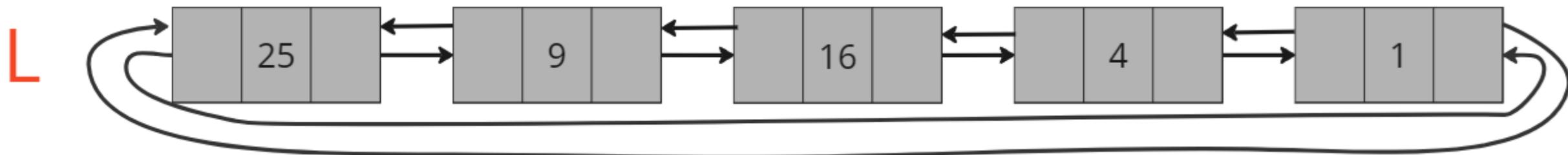
LIST-DELETE(L, x) — Search(L, K) $\sim O(n)$

```
1  if  $x.prev \neq \text{NIL}$ 
2       $x.prev.next = x.next$ 
3  else  $L.head = x.next$   □ удаляем
4  if  $x.next \neq \text{NIL}$     голову
5       $x.next.prev = x.prev$ 
```

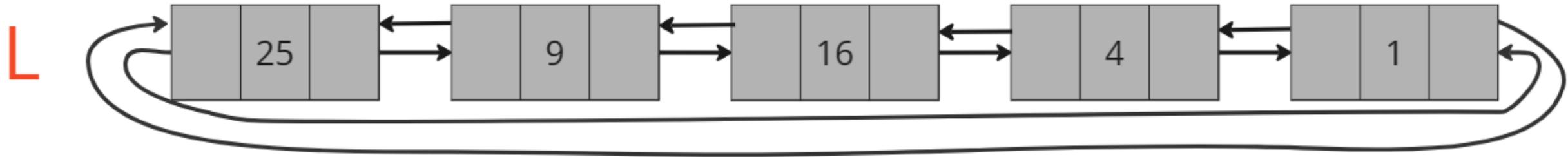
} $O(n) + O(1) \Rightarrow \sim O(n)$



Циклический список: примеры

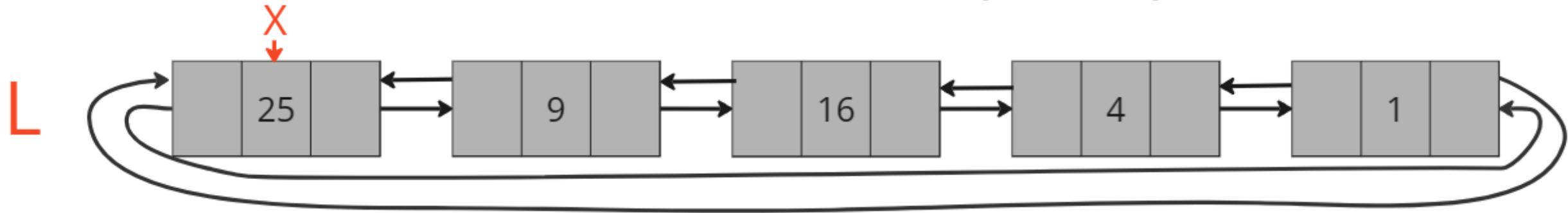


Циклический список: примеры



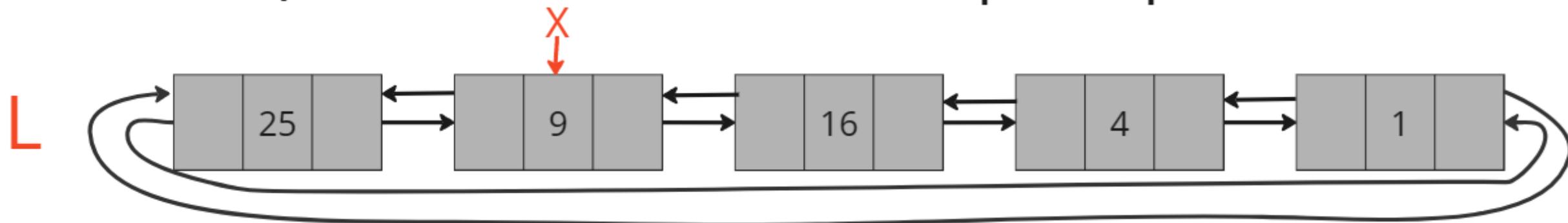
```
delete(L, search(L, 9))
```

Циклический список: примеры



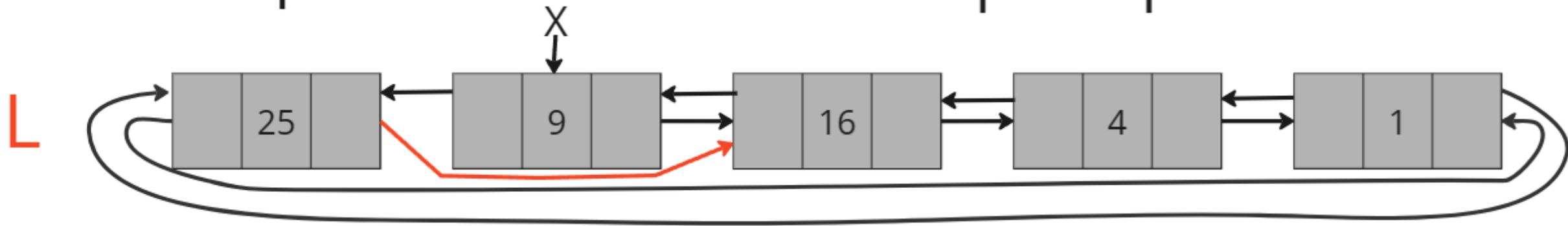
`delete(L, search(L, 9))`

Циклический список: примеры



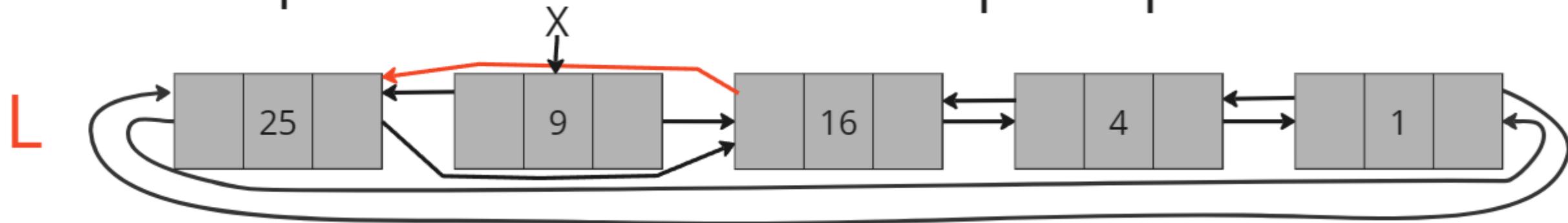
```
delete(L, search(L, 9))
```

Циклический список: примеры



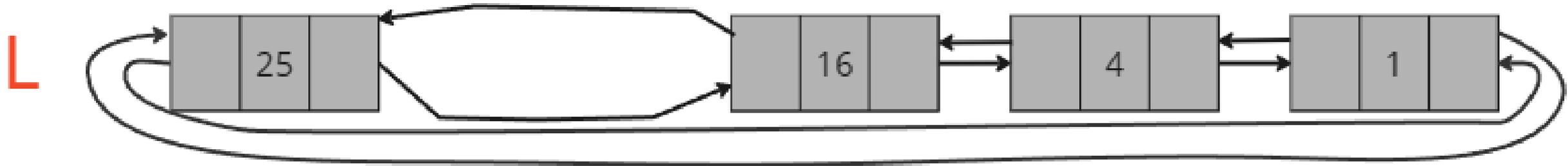
```
delete(L, search(L, 9))
```

Циклический список: примеры



```
delete(L, search(L, 9))
```

Циклический список: примеры



```
delete(L, search(L, 9))
```