ДЗ #18, Суффструктуры СПб ВШЭ, Магистры, 13 февраля 2024

Содержание

Must have	2
Задача 18A. Суффиксный массив [0.2 (2.0), 256]	2
Задачи здорового человека	3
Задача 18B. LCP для суффиксного массива [0.1 (0.8)), 256]	3
Задача 18С. Общая подстрока [0.6 (3.5), 768]	4
Для искателей острых ощущений	5
Задача 18D. Суффиксный массив (3 балла) [0.4 (0.8)), 256]	5
Задача 18E. LZSS encoding [0.4 (1.0)), 256]	6

У вас не получается читать/выводить данные? Воспользуйтесь примерами (c++) (python).

Обратите внимание, входные данные лежат в **стандартном потоке ввода** (он же stdin), вывести ответ нужно в **стандартный поток вывода** (он же stdout).

ДЗ #18, Суффструктуры СПб ВШЭ, Магистры, 13 февраля 2024

Must have

Задача 18А. Суффиксный массив [0.2 (2.0), 256]

Данна строка, требуется построить суффиксный массив для этой строки. Суффиксный массив — лексикографически отсортированный массив всех суффиксов строки. Каждый суффикс задается целым числом — позицией начала.

Строка s лексикографически меньше строки t, если есть такое i, что $s_i < t_i$ и $s_j = t_j$ для всех j < i. Или, если такого i не существует и строка s короче строки t.

Здесь s_i — код i-го символа строки s.

Формат входных данных

 Φ айл состоит из единственной строки. Эта строка — английский литературный текст. Длина текста не превосходит 10^5 . Коды всех символов в тексте от 32 до 127.

Формат выходных данных

Выведите N чисел — суффиксный массив данной строки.

Пример

stdin	stdout
99 bottles of beer.	14 3 11 19 2 1 15 4 16 17 9 13 8
	12 5 18 10 7 6

Замечание

Это очень простая задача.

Предполагается решение за $\mathcal{O}(n \log n \cdot time(less))$.

Нормальное время написания – 5-10 минут.

Задачи здорового человека

Задача 18В. LCP для суффиксного массива [0.1 (0.8)), 256]

Дана строка длины N и отсортированный массив суффиксов этой строки (т.е. суффиксный массив), вам нужно вычислить LCP. При сортировке строка а считается меньше строки аа. LCP — наибольший общий префикс двух последовательных суффиксов в суффиксном массиве.

Формат входных данных

В первой строке число N ($1 \le N \le 10^5$). На второй строке файла дана N строчных латинских букв. В третьей строке N чисел от 1 до N — суффиксный массив (числом i кодируется суффикс, начинающийся с i-го символа).

Формат выходных данных

Выведите N-1 число — значения LCP.

Пример

stdin	stdout
5	1 0 2 0
cacao	
2 4 1 3 5	

Замечание

Суффиксный массив для строки сасао:

acao

ao

cacao

cao

0

Подсказка по решению

Касаи?

ДЗ #18, Суффструктуры СПб ВШЭ, Магистры, 13 февраля 2024

Задача 18С. Общая подстрока [0.6 (3.5), 768]

Заданы две строки, состоящие из 0 и 1. Рассмотрим все строки, которые являются подстроками обеих данных строк. Найдите среди них k-ую в лексикографическом порядке.

Строка S меньше строки T в лексикографическом порядке, если выполняется одно из двух условий:

- S является префиксом T;
- существует i, не превышающее длин строк S и T, такое что для j < i выполняется S[j] = T[j] и S[i] < T[i].

Формат входных данных

Первые две строки входного файла содержат заданные строки, длиной не более 4000 символов каждая. Третья строка содержит целое положительное число k, не превышающее количества общих подстрок двух заданных строк.

Формат выходных данных

Выведите в выходной файл k-ую в лексикографическом порядке общую подстроку заданных строк.

Пример

stdin	stdout
0100	01
0010	
3	

Подсказка по решению

Типичная задача из мира суффдеревьев.

Для искателей острых ощущений

Задача 18D. Суффиксный массив (3 балла) [0.4 (0.8)), 256]

Постройте суффиксный массив для заданной строки s.

Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит строку s ($1 \le |s| \le 400\,000$). Строка состоит из строчных латинских букв.

Формат выходных данных

Выведите такую перестановку начальных позиций суффиксов, чтобы соответствующие суффиксы были упорядочены в лексикографически возрастающем порядке.

Примеры

stdin	stdout
ababb	1 3 5 2 4

Замечание

ababb

abb

b

babb

bb

Подсказка по решению

А вот и он!

Задача 18E. LZSS encoding [0.4 (1.0)), 256]

Алиса хочет отправить сообщение Бобу. Она хочет зашифровать сообщение, используя оригинальный метод шифрования. Сообщение – строка S, состоящая из N строчных английских букв.

S[a...b] означает подстроку S от S[a] до S[b] ($0 \le a \le b < N$). Если первые i букв уже зашифрованы, Алиса найдёт такие $(j,k)\colon s[j...j+k]=s[i...i+k], k\geqslant 0, 0 \le j < i, k=\max$. Если несколько j дают максимальное k, Алиса выберет минимальное j. Если k>0 Алиса добавит пару $\langle k,j\rangle$ в шифр и увеличит i на k, иначе Алиса добавит -1 и ASCII код буквы S[i] в шифр и увеличит i на 1. Очевидно, шифр начнёт с -1, далее будет ASCII код символа S[0]. Помогите Алисе реализовать её метод шифрования.

Формат входных данных

Перрвая строка ввода содержит количество тестов T ($1 \le T \le 50$). Следующие T строк содержат сообщения для шифровки, каждое длины от 1 до 10^5 , состоящие из строчных английских букв. Гарантируется, что суммарная длина всех сообщений не превосходит $2 \cdot 10^6$.

Формат выходных данных

Для каждого теста на отдельной строке выведите "Case #X:", где X – номер теста, нумерация с 1. Далее выведите шифр, в каждой строке по два целых числа через пробел.

Примеры

stdin	stdout
2	Case #1:
aaaaaa	-1 97
aaaaabbbbbaaabbc	5 0
	Case #2:
	-1 97
	4 0
	-1 98
	4 5
	5 2
	-1 99

Подсказка по решению

Предполагается решение суффмассивом + set<int> для поиска ближайшего слева-справа меньшего.