

## Содержание

Must have	2
Задача 15А. Неявный Ключ [0.3 (1.5), 256]	2
Задачи здорового человека	3
Задача 15В. Вперёд! [0.4 (2), 256]	3
Задача 15С. Переворачивания [1 (5), 256]	4
Задача 15D. Машенька и её интерес [0.2 (1), 256]	5
Для искателей острых ощущений	6
Задача 15Е. Поднимайся и вращай [0.2 (1), 256]	6
Задача 15F. Эх, дороги... [0.3 (1.5), 256]	7

---

У вас не получается читать/выводить данные?

Воспользуйтесь примерами ([c++](#)) ([python](#)).

Обратите внимание, входные данные лежат в **стандартном потоке ввода** (он же `stdin`),  
вывести ответ нужно в **стандартный поток вывода** (он же `stdout`).

## Must have

### Задача 15А. Неявный Ключ [0.3 (1.5), 256]

Научитесь быстро делать две операции с массивом:

- **add *i* *x*** — добавить после *i*-го элемента *x* ( $0 \leq i \leq n$ )
- **del *i*** — удалить *i*-й элемент ( $1 \leq i \leq n$ )

#### Формат входных данных

На первой строке  $n_0$  и  $m$  ( $1 \leq n_0, m \leq 10^5$ ) — длина исходного массива и количество запросов. На второй строке  $n_0$  целых чисел от 0 до  $10^9 - 1$  — исходный массив. Далее  $m$  строк, содержащие запросы. Гарантируется, что запросы корректны: например, если просят удалить *i*-й элемент, он точно есть.

#### Формат выходных данных

Выведите конечное состояние массива. На первой строке количество элементов, на второй строке сам массив.

#### Примеры

stdin	stdout
3 4 1 2 3 del 3 add 0 9 add 3 8 del 2	3 9 2 8

#### Подсказка по решению

Базовое дерево по неявному ключу. В каждой вершине размер.

## Задачи здорового человека

### Задача 15В. Вперёд! [0.4 (2), 256]

Капрал Дукар любит раздавать приказы своей роте. Самый любимый его приказ — “Вперёд!”. Капрал строит солдат в ряд и отдаёт некоторое количество приказов, каждый из них звучит так: “Рядовые с  $l_i$  по  $r_i$  — вперёд!”

Перед тем, как Дукар отдал первый приказ, солдаты были пронумерованы от 1 до  $n$ , слева направо. Услышав приказ “Рядовые с  $l_i$  по  $r_i$  — вперёд!”, солдаты, стоящие на местах с  $l_i$  по  $r_i$  включительно, продвигаются в начало ряда, в том же порядке, в котором были.

Например, если в какой-то момент солдаты стоят в порядке 1, 3, 6, 2, 5, 4, то после приказа “Рядовые с 2 по 3 — вперёд！”, порядок будет таким: 3, 6, 1, 2, 5, 4. А если потом Капрал вышлет вперёд солдат с 3 по 4, то порядок будет уже таким: 1, 2, 3, 6, 5, 4.

Вам дана последовательность из приказов Капрала. Найдите порядок, в котором будут стоять солдаты после исполнения всех приказов.

#### Формат входных данных

В первой строке входного файла указаны числа  $n$  и  $m$  ( $2 \leq n \leq 100\,000$ ,  $1 \leq m \leq 100\,000$ ) — число солдат и число приказов. Следующие  $m$  строк содержат приказы в виде двух целых чисел:  $l_i$  и  $r_i$  ( $1 \leq l_i \leq r_i \leq n$ ).

#### Формат выходных данных

Выведите в выходной файл  $n$  целых чисел — порядок, в котором будут стоять солдаты после исполнения всех приказов.

#### Пример

stdin	stdout
6 3 2 4 3 5 2 2	1 4 5 2 3 6

#### Подсказка по решению

Берём уже написанное дерево по неявному ключу, используем `Split/Merge`.

### Задача 15С. Переворачивания [1 (5), 256]

Учитель физкультуры школы с углубленным изучением предметов уже давно научился считать суммарный рост всех учеников, находящихся в ряду на позициях от  $l$  до  $r$ . Но дети играют с ним злую шутку. В некоторый момент дети на позициях с  $l$  по  $r$  меняются местами. Учитель заметил, что у детей не очень богатая фантазия, поэтому они всегда «переворачивают» этот отрезок, т. е.  $l$  меняется с  $r$ ,  $l + 1$  меняется с  $r - 1$  и так далее. Но учитель решил не ругать детей за их хулиганство, а все равно посчитать суммарный рост на всех запланированных отрезках.

#### Формат входных данных

В первой строке записано два числа  $n$  и  $m$  ( $1 \leq n, m \leq 200\,000$ ) — количество детей в ряду и количество событий, произошедших за все время. Во второй строке задано  $n$  натуральных чисел — рост каждого школьника в порядке следования в ряду. Рост детей не превосходит  $2 \cdot 10^5$ . Далее в  $m$  строках задано описание событий: три числа  $q, l, r$  в каждой строке ( $0 \leq q \leq 1$ ,  $1 \leq l \leq r \leq n$ ). Число  $q$  показывает тип события: 0 показывает необходимость посчитать и вывести суммарный рост школьников на отрезке  $[l, r]$ ; 1 показывает то, что дети на отрезке  $[l, r]$  «перевернули» свой отрезок. Все числа во входном файле целые.

#### Формат выходных данных

Для каждого события типа 0 выведите единственное число на отдельной строке — ответ на этот запрос.

#### Пример

stdin	stdout
5 6	15
1 2 3 4 5	9
0 1 5	8
0 2 4	7
1 2 4	10
0 1 3	
0 4 5	
0 3 5	

#### Подсказка по решению

Отложенные операции. Высплитить отрезок, вмержить обратно.

### Задача 15D. Машенька и её интерес [0.2 (1), 256]

Есть  $n$  мальчиков и девочка Маша. Изначально каждый мальчик стоит сам по себе и  $i$ -й мальчик с точки зрения Маши имеет интересность  $i$ . Девочка Маша хочет провести некоторый эксперимент, в течение которого каждый мальчик стоит в некоторой шеренге. Мальчики несговорчивые, участвовать в эксперименте не хотят, поэтому Маша собирается прибегнуть к математическому моделированию. Для этого ей нужно научиться быстро обрабатывать следующие запросы:

- `link(a, b)` – взять мальчиков с номерами  $a$  и  $b$ , если они стоят в разных шеренгах, то объединить шеренгу в одну: в начале шеренга мальчика  $a$ , затем шеренга мальчика  $b$ .
- `split(a, k)` – взять шеренгу, в которой стоит мальчик с номером  $a$  и разбить её на две: первые  $k$  мальчиков и все остальные. Если размер шеренги не больше  $k$ , ничего делать не нужно.
- `interest(a, x)` – сделать интересность мальчика  $a$  равной  $x$  (целое от 0 до  $10^9$ ).
- `sum(a)` – суммарная интересность мальчиков в шеренге, в которой стоит мальчик  $a$ .

#### Формат входных данных

В первой строке  $n$  ( $1 \leq n \leq 100\,000$ ) – количество мальчиков и  $m$  ( $1 \leq m \leq 250\,000$ ) – количество запросов. Далее  $m$  строк. Для понимания формата смотри пример. Мальчики нумеруются числами от 1 до  $n$ .

#### Формат выходных данных

Для каждого запроса «`sum`» на отдельной строке одно число – суммарная интересность.

#### Примеры

stdin	stdout
5 12	1
sum 1	10
interest 5 10	18
sum 5	37
interest 3 7	27
link 3 1	10
link 3 5	
sum 1	
interest 1 20	
sum 1	
split 1 2	
sum 3	
sum 5	

#### Подсказка по решению

Теперь нужно ещё хранить отца и уметь подниматься от вершины до корня.

## Для искателей острых ощущений

### Задача 15Е. Поднимайся и вращай [0.2 (1), 256]

Изначально у вас есть  $n$  чисел  $1, 2, \dots, n$ . Каждое живёт само по себе. Далее числа будут объединяться в массивы. Вам нужно реализовать структуру, данных, умеющую отвечать на несколько запросов, за  $\mathcal{O}(\log n)$  каждый.

- **+ i j** – взять массивы, в которых живут числа  $i$  и  $j$ , и объединить их в один массив именно в таком порядке.
- **! i k** – взять массив, в котором живёт число  $i$ , и повернуть его на  $k$  влево.
- **- i k** – взять массив, в котором живёт число  $i$ , и отрезать первые  $k$  элементов. Получится два новых массива.

Гарантируется, что запросы корректны. В первом  $i$  и  $j$  живут в разных массивах, во втором и третьем, длина массива, содержащего  $i$ , строго больше  $k$ .

#### Формат входных данных

На первой строке число элементов  $n$  ( $2 \leq n \leq 100\,000$ ) и число запросов  $m$  ( $1 \leq m \leq 100\,000$ ).

На следующих  $m$  строках сами запросы.

#### Формат выходных данных

После всех запросов нужно вывести получившиеся массивы. На первой строке выведите число массивов. Далее  $k$  массивов в формате «число элементов и сами элементы». Отсортируйте массивы перед выводом (массивы сравниваются лексикографически).

#### Пример

stdin	stdout
5 5	3
+ 1 2	1 2
+ 1 3	3 3 4 1
+ 1 4	1 5
! 3 1	
- 2 1	

#### Подсказка по решению

Вам нужно каждому элементу сопоставить `node*` и научиться подниматься от неё до корня соответствующего декартова дерева.

### Задача 15F. Эх, дороги... [0.3 (1.5), 256]

В многострадальном Тридесятом государстве опять готовится дорожная реформа. Впрочем, надо признать, дороги в этом государстве находятся в довольно плачевном состоянии. Так что реформа не повредит. Одна проблема — дорожникам не развернуться, поскольку в стране действует жесткий закон — из каждого города должно вести не более двух дорог. Все дороги в государстве двусторонние, то есть по ним разрешено движение в обоих направлениях (разумеется, разметка отсутствует). В результате реформы некоторые дороги будут строиться, а некоторые другие закрываться на бессрочный ремонт.

Петя работает диспетчером в службе грузоперевозок на дальние расстояния. В связи с предстоящими реформами, ему необходимо оперативно определять оптимальные маршруты между городами в условиях постоянно меняющейся дорожной ситуации. В силу большого количества пробок и сотрудников дорожной полиции в городах, критерием оптимальности маршрута считается количество промежуточных городов, которые необходимо проехать.

Помогите Пете по заданной последовательности сообщений об изменении структуры дорог и запросам об оптимальном способе проезда из одного города в другой, оперативно отвечать на запросы.

#### Формат входных данных

В первой строке входного файла заданы числа  $n$  — количество городов,  $m$  — количество дорог в начале реформы и  $q$  — количество сообщений об изменении дорожной структуры и запросов ( $1 \leq n \leq 100\,000$ ,  $0 \leq m \leq 100\,000$ ,  $0 \leq q \leq 200\,000$ ). Следующие  $m$  строк содержат по два целых числа каждого — пары городов, соединенных дорогами перед реформой. Следующие  $q$  строк содержат по три элемента, разделенных пробелами. « $+ i j$ » означает строительство дороги от города  $i$  до города  $j$ , « $- i j$ » означает закрытие дороги от города  $i$  до города  $j$ , « $? i j$ » означает запрос об оптимальном пути между городами  $i$  и  $j$ .

Гарантируется, что в начале и после каждого изменения никакие два города не соединены более чем одной дорогой, и из каждого города выходит не более двух дорог. Никакой город не соединяется дорогой сам с собой.

#### Формат выходных данных

На каждый запрос вида « $? i j$ » выведите одно число — минимальное количество промежуточных городов на маршруте из города  $i$  в город  $j$ . Если проехать из  $i$  в  $j$  невозможно, выведите  $-1$ .

#### Пример

stdin	stdout
5 4 6	0
1 2	-1
2 3	1
1 3	2
4 5	
? 1 2	
? 1 5	
- 2 3	
? 2 3	
+ 2 4	
? 1 5	

**Подсказка по решению**

Нужно увидеть массивы, которые мерджатся и сплитятся.