

## Содержание

<b>Must have</b>	<b>2</b>
Задача 4А. Подстроки-3 [0.2 sec, 256 mb]	2
Задача 4В. Бункеры [2 sec, 256 mb]	3
<b>Обязательные задачи</b>	<b>4</b>
Задача 4С. Суффиксное дерево [1 sec, 256 mb]	4
Задача 4D. Ненокку [1 sec, 256 mb]	5
<b>Дополнительные задачи</b>	<b>6</b>
Задача 4Е. Помогите, спасите! [4 sec, 256 mb]	6
Задача 4F. Древо жизни (средняя) [5 sec, 256 mb]	7
Задача 4G. Идеальное хеширование [2 sec, 256 mb]	9

---

Вы не умеете читать/выводить данные, открывать файлы? Воспользуйтесь **примерами**.

В некоторых задачах большой ввод и вывод. Пользуйтесь **быстрым вводом-выводом**.

В некоторых задачах нужен STL, который активно использует динамическую память (set-ы, map-ы) **переопределение стандартного аллокатора** ускорит вашу программу.

Обратите внимание на компилятор GNU C++11 5.1.0 (TDM-GCC-64) inc, который позволяет пользоваться **дополнительной библиотекой**. Под ним можно сдать **вот это**.

## Must have

### Задача 4А. Подстроки-3 [0.2 sec, 256 mb]

Даны  $K$  строк из маленьких латинских букв. Найдите их наибольшую общую подстроку.

#### Формат входных данных

В первой строке число  $K$  ( $1 \leq K \leq 10$ ). В следующих  $K$  строках — собственно  $K$  строк (длины строк от 1 до 10 000).

#### Формат выходных данных

Наибольшая общая подстрока.

#### Примеры

stdin	stdout
3 abacaba myscabarchive acabistrue	cab

#### Замечание

Нужно написать хороший код, чтобы пройти ТЛ.

В частности, вам возможно понадобится рукописная хеш-таблица с открытой адресацией.

#### Задача 4В. Бункеры [2 сек, 256 mb]

Петя и Вася с упоением играют в шпионов. Сегодня они планируют, где будут расположены их секретные бункеры и штаб-квартира.

Пока Петя и Вася решили, что им понадобится ровно  $n$  бункеров, которые для секретности будут пронумерованы числами от 1 до  $n$ . Некоторые из них будут соединены двусторонними тоннелями, причем для надежности и секретности по тоннелям можно будет попасть из любого бункера в любой единственным образом. Петя и Вася даже решили, какие из бункеров будут соединены тоннелями, но выбрать, какой из них будет штаб-квартирой, они не могут. Мальчики хотят выбрать ее и разделить оставшиеся бункеры между собой таким образом, чтобы им досталось поровну бункеров и к штаб-квартире вело бы ровно два тоннеля: один от бункера, принадлежащего Васе, другой — от бункера, принадлежащего Пете.

Уставший Петя пошел к себе домой, а утром Вася показал ему план, на котором бункеры были обозначены точками, а тоннели отрезками. Кроме того, Вася выбрал штаб-квартиру таким образом, что нарисованный им план был симметричен относительно некоторой прямой, проходящей через точку, которая соответствовала штаб-квартире. При этом бункеры, принадлежащие Пете находились с одной стороны от этой прямой, а бункеры, принадлежащие Васе, с другой стороны.

Хотя Петя почти сразу показал Васе, что тот ошибся и не нарисовал половину бункеров, ему стало интересно, можно ли выбрать штаб-квартиру и нарисовать такой симметричный план.

#### Формат входных данных

В первой строке входного файла находится одно целое число  $n$  ( $1 \leq n \leq 10^5$ ) — количество бункеров. В следующих  $n - 1$  строках находится по два целых числа  $u_i$  и  $v_i$  ( $1 \leq u_i, v_i \leq n, u_i \neq v_i$ ) — номера бункеров, которые соединяет  $i$ -й тоннель. Гарантируется, что между любыми двумя бункерами существует единственный путь.

#### Формат выходных данных

В выходной файл выведите «YES», если можно выбрать штаб-квартиру и нарисовать такой план, или «NO» если это невозможно.

#### Примеры

stdin	stdout
2 1 2	NO
3 1 2 2 3	YES

## Обязательные задачи

### Задача 4С. Суффиксное дерево [1 сек, 256 mb]

Дана строка  $s$ . Постройте сжатое суффиксное дерево для строки  $s$  и выведите его. Найдите такое дерево, которое содержит минимальное количество вершин.

#### Формат входных данных

В первой строке записана строка  $s$  ( $1 \leq |s| \leq 10^5$ ), последний символ строки доллар «\$», остальные символы строки маленькие латинские буквы.

#### Формат выходных данных

Пронумеруйте вершины дерева от 0 до  $n - 1$  в порядке обхода в глубину, обходя поддеревья в порядке лексикографической сортировки исходящих из вершины рёбер. Используйте ASCII-коды символов для определения их порядка.

В первой строке выведите число  $n$  – количество вершин дерева. В следующих  $n - 1$  строках выведите описание вершин дерева, кроме корня, в порядке увеличения их номеров.

Описание вершины дерева  $v$  состоит из трёх целых чисел:  $p, lf, rf$ , где  $p$  ( $0 \leq p \leq n, p \neq v$ ) – номер родителя текущей вершины. На ребер ведущем из  $p$  в  $v$  написана подстрока  $s[lf..rf)$  ( $0 \leq lf < rf \leq |s|$ ).

#### Примеры

stdin	stdout
aaa\$	7 0 3 4 0 0 1 2 3 4 2 1 2 4 3 4 4 2 4
b\$	3 0 1 2 0 0 2
ababa\$	10 0 5 6 0 0 1 2 5 6 2 1 3 4 5 6 4 3 6 0 1 3 7 5 6 7 3 6

### Задача 4D. Ненокку [1 sec, 256 mb]

Очень известный автор не менее известной книги решил написать продолжение своего произведения. Он писал все свои книги на компьютере, подключенном к интернету. Из-за такой неосторожности мальчику Ненокку удалось получить доступ к еще ненаписанной книге. Каждый вечер мальчик залазил на компьютер писателя и записывал на свой компьютер новые записи. Ненокку, записав на свой компьютер очередную главу, заинтересовался, а использовал ли хоть раз писатель слово “книга”. Но он не любит читать книги (он лучше ползает в интернете), и поэтому он просит вас узнать есть ли то или иное слово в тексте произведения. Но естественно его интересует не только одно слово, а достаточно много.

#### Формат входных данных

В каждой строчке входного файла записано одна из двух записей.

1. ? <слово> (<слово> — это набор не более 50 латинских символов);
2. A <текст> (<текст> — это набор не более  $10^5$  латинских символов).

1 означает просьбу проверить существование подстроки <слово> в произведение.

2 означает добавление в произведение <текст>.

Писатель только начал работать над произведением, поэтому он не мог написать более  $10^5$  символов. Суммарная длина всех запросов не превосходит 15 мегабайт плюс 12140 байт.

#### Формат выходных данных

Выведите на каждую строчку типа 1 “YES”, если существует подстрока <слово>, и “NO” в противном случае. Не следует различать регистр букв.

#### Пример

stdin	stdout
? love	NO
? is	NO
A Loveis	YES
? love	NO
? WHO	YES
A Whoareyou	
? is	

#### Замечание

Можно толкнуть хеши. Но вообще предполагается Укконен.

## Дополнительные задачи

### Задача 4Е. Помогите, спасите! [4 сек, 256 mb]

Дана строка. Найдите для каждого её префикса количество различных подстрок в нём.

#### Формат входных данных

В единственной строке входных данных содержится непустая строка  $S$ , состоящая из  $N$  ( $1 \leq N \leq 2 \cdot 10^5$ ) маленьких букв английского алфавита.

#### Формат выходных данных

Выведите  $N$  строк, в  $i$ -й строке должно содержаться количество различных подстрок в  $i$ -м префиксе строки  $S$ .

#### Примеры

stdin	stdout
aabab	1 2 5 8 11
atari	1 3 5 9 14

#### Задача 4F. Древо жизни (средняя) [5 sec, 256 mb]

Хайди устала расшифровывать древние пророчества и решила отправиться в штаб, чтобы отдохнуть и попытаться снова. Разумеется, она не может выкорчевать дерево и взять его с собой, поэтому она сделала точный рисунок дерева на бумаге. Подумав ещё, она сделала ещё несколько рисунков, которых суммарно получилось  $n$  (по числу вершин в Древе Жизни) — кто знает что может случиться?

В самом деле, по пути назад Хайди была атакована группой зомби. Хотя она и смогла с ними справиться, рисункам был причинён очень странный урон: с  $i$ -й копии пропала вершина с номером  $i$ , вместе со всеми своими рёбрами. На каждом рисунке зомби также стёрли номера вершин и перенумеровали оставшиеся  $n - 1$  вершину произвольными числами от 1 до  $n$  (по крайней мере, номера вершин всё ещё различны). *Более того, рисунки были случайным образом перепорядочены.*

Теперь Хайди хочет восстановить Древо Жизни по имеющемуся у неё описаниям и рисункам (спискам рёбер).

#### Формат входных данных

В первой строке входных данных записано число  $z \leq 20$  — количество тестовых примеров. Далее следуют описания  $z$  тестов.

Описание каждого теста начинается со строки содержащей числа  $n$  ( $2 \leq n \leq 100$ ) и  $k$  ( $k$  является количеством рисунков,  $k = n$  в данной задаче). В следующих строках содержится описание  $k$  рисунков. Описание  $i$ -го рисунка даётся строкой содержащей  $m_i$  — количество рёбер на соответствующем рисунке, а затем  $m_i$  строк описывающих рёбра, каждое из которых даётся парой целых чисел — индексы соединённых вершин.

#### Формат выходных данных

Если рисунки Хайди никак не могут описывать одно и то же дерево, то выведите NO. В противном случае выведите слово YES и  $n - 1$  строку с описанием любого дерева, которое могло послужить первоисточником для рисунков Хайди. Для каждого ребра выведите два целых числа — индексы соединённых вершин. Если подходящих решений несколько, разрешается вывести любое.

**Пример**

stdin	stdout
1	YES
5 5	2 5
2	4 2
4 1	3 2
2 1	5 1
1	
3 1	
3	
4 1	
4 3	
2 1	
3	
3 1	
3 2	
4 1	
3	
2 1	
3 2	
4 2	



#### Задача 4G. Идеальное хеширование [2 sec, 256 mb]

Вам задана архитектура компьютера, в рамках которой от вас требуется сделать программу, которая является идеальным хешом для заданного вам множества целых чисел.

Опишем архитектуру компьютера. У него есть 4 мегабайта  $= 4 \times 2^{20}$  памяти, доступной только для чтения, содержащей программу, которую будет исполнять компьютер, и данные. Процессор компьютера содержит 256 регистров с названиями от `r0` до `r255`, каждый из них может сохранить 32-битное целое число. Перед исполнением программы значение каждого регистра кроме `r0` равно 0, а в `r0` содержится входные данные программы.

У компьютера есть специальный регистр, который называется *instruction pointer*. Программа хранится в памяти и изначально значение регистра `instruction pointer` равно 0. Выполнение программы проходит по следующему сценарию. Сначала читается номер инструкции, который хранится в памяти по адресу значения `instruction pointer`, после чего читаются аргументы инструкции и инструкция выполняется. Если во время выполнения инструкции не случился `jump`, то значение `instruction pointer` увеличивается на размер прочитанной инструкции, включая аргументы.

Программа должна быть отображением из множества заданных  $n$  целых чисел  $A = \{a_1, a_2, \dots, a_n\}$  в множество целых чисел от 0 до  $2n - 1$ . Она должна завершаться после не более чем 30 выполненных инструкций. Отображение не должно иметь коллизий. Формально, надо сделать программу в этой архитектуре, которая удовлетворяет следующим критериям:

- Если программе на вход подать одно из чисел из множества  $A$ , то она должна завершиться за не более чем 30 инструкций и вывести целое число от 0 до  $2n - 1$ .
- Для любых двух различных чисел  $a_i$  и  $a_j$  из множества  $A$  значения на выходе должны быть различны.

Вам задана некоторая документация.

- Все регистры содержат 32-битные целые числа
- Для сложения, вычитания и битовых операций не важно, числа знаковые или нет
- Команды `jump` с условием представляют числа как знаковые
- Результатом умножения или деления является знаковое 64-битное число, которое сохраняется в два регистра. Регистр, который получает младшую часть результата сохраняет его как беззнаковое число
- Деление и взятие остатка принимают делимое в качестве 64-битных чисел, младшая часть интерпретируется как беззнаковое число, а старшая — как знаковое. Делитель — знаковое число.
- Деление и взятие остатка знаковых чисел производится так же, как это делается в архитектуре x86.
- Все числа в памяти сохраняются в порядке от младших байт к старшим (little endian).

От вас требуется понять, что должна содержать память, чтобы исполнялась программа, удовлетворяющая условиям, описанным выше.

Для любых входных данных из множества  $A$  ваша программа не должна пытаться читать данные извне 4МБ-диапазона и не должна делить на ноль. Значение регистра `instruction pointer` так же должно быть внутри 4МБ-диапазона.

**Таблица инструкций**

Инстр.	Размер	Opcode	Что делает инструкция
<code>nop</code>	1 байт	00	Ничего
<code>add</code>	4 байта	01 r1 r2 r3	$r3 := r1 + r2$
<code>sub</code>	4 байта	02 r1 r2 r3	$r3 := r1 - r2$
<code>mul</code>	5 байт	03 r1 r2 r3 r4	$(r3, r4) := r1 * r2$ r3 получает младшие биты, а r4 — старшие биты произведения
<code>div</code>	6 байт	04 r1 r2 r3 r4 r5	$(r3, r4) := (r1, r5) \text{ div } r2$ r1 содержит младшие биты, r5 содержит старшие биты делимого, r3 получает младшие биты, а r4 — старшие биты частного
<code>mod</code>	5 байт	05 r1 r2 r3 r4	$r3 := (r1, r4) \text{ mod } r2$ , r1 содержит младшие биты, r4 содержит старшие биты делимого
<code>and</code>	4 байта	10 r1 r2 r3	$r3 := r1 \text{ and } r2$
<code>or</code>	4 байта	11 r1 r2 r3	$r3 := r1 \text{ or } r2$
<code>xor</code>	4 байта	12 r1 r2 r3	$r3 := r1 \text{ xor } r2$
<code>neg</code>	2 байта	20 r1	$r1 := -r1$
<code>not</code>	2 байта	21 r1	$r1 := \sim r1$
<code>load</code>	3 байта	30 r1 r2	$r1 := \text{memory}[r2]$ 4 байта, начиная с адреса r2 копируются в регистр r1, первым копируется младший байт
<code>put</code>	6 байт	31 r1 b0 b1 b2 b3	$r1 := (b0, b1, b2, b3)$ здесь b0 — младший байт числа, положенного в регистр, а b3 — старший
<code>jmp</code>	5 байт	40 b0 b1 b2 b3	Сделать <code>jump</code> к инструкции (b0, b1, b2, b3)
<code>jz</code>	6 байт	41 r1 b0 b1 b2 b3	Если $r1 == 0$ сделать <code>jump</code> к инструкции (b0, b1, b2, b3)
<code>jnz</code>	6 байт	42 r1 b0 b1 b2 b3	Если $r1 \neq 0$ сделать <code>jump</code> к инструкции (b0, b1, b2, b3)
<code>jg</code>	6 байт	43 r1 b0 b1 b2 b3	Если $r1 > 0$ сделать <code>jump</code> к инструкции (b0, b1, b2, b3)
<code>jge</code>	6 байт	44 r1 b0 b1 b2 b3	Если $r1 \geq 0$ сделать <code>jump</code> к инструкции (b0, b1, b2, b3)
<code>jl</code>	6 байт	45 r1 b0 b1 b2 b3	Если $r1 < 0$ сделать <code>jump</code> к инструкции (b0, b1, b2, b3)
<code>jle</code>	6 байт	46 r1 b0 b1 b2 b3	Если $r1 \leq 0$ сделать <code>jump</code> к инструкции (b0, b1, b2, b3)
<code>ret</code>	1 байт	ff	Завершить программу. Выходные данные содержатся в регистре r0

### Формат входных данных

Первая строка содержит целое число  $n$  ( $1 \leq n \leq 100\,000$ ).

Вторая строка содержит  $n$  различных целых чисел  $a_1, a_2, \dots, a_n$  ( $1 \leq a_i \leq 10^9$ ).

### Формат выходных данных

Выведите данные, содержащиеся в памяти компьютера. Вам разрешается вывести любое число байт от 1 до 4194304. Остальная часть памяти заполнится нулями. Каждый байт должен быть выведен как шестнадцатеричное число из двух цифр. Не печатайте пробелы.

Пожалуйста, выводите только требующийся префикс памяти вашей программы: не выводите конечные нули, чтобы тестирование проходило быстрее.

### Примеры

stdin	stdout
3 2 3 9	3101040000000500010003ff
2 6 10	300000ff00000000000001000000