Задача А. Сортировка небольшой последовательности

Имя входного файла: *стандартный ввод* Имя выходного файла: *стандартный вывод*

Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 256 мебибайт

В этой задаче нужно отсортировать числа, заданные во входных данных.

Формат входных данных

В первой строке входных данных задано целое число n ($1 \le n \le 5000$). Во второй строке заданы через пробел n целых чисел a_1, a_2, \ldots, a_n ($1 \le a_i \le 10^9$).

Формат выходных данных

В первой строке выведите через пробел n чисел — числа a_i в неубывающем порядке.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
3	1 2 3
1 2 3	
4	1 2 2 3
3 2 2 1	
5	10 10 10 100 1000
10 100 10 1000 10	

Задача В. Белоснежка и n гномов

Имя входного файла: *стандартный ввод*Имя выходного файла: *стандартный вывод*

Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 256 мебибайт

«Ну не гномы, а наказание какое-то!» — подумала Белоснежка, в очередной раз пытаясь уложить гномов спать. Одного уложишь — другой уже проснулся! И так всю ночь.

У Белоснежки n гномов, и все они очень разные. Она знает, что для того, чтобы уложить спать i-го гнома, нужно a_i минут, и после этого он будет спать ровно b_i минут. Помогите Белоснежке узнать, может ли она получить хотя бы минутку отдыха, когда все гномы будут спать, и если да, то в каком порядке для этого нужно укладывать гномов спать.

Например, пусть есть всего два гнома, $a_1=1$, $b_1=10$, $a_2=10$, $b_2=20$. Если Белоснежка сначала начнёт укладывать первого гнома, то потом ей потребуется целых 10 минут, чтобы уложить второго, а за это время проснётся первый. Если же она начнёт со второго гнома, то затем она успеет уложить первого и получит целых 9 минут отдыха.

Формат входных данных

Первая строка входных данных содержит число n ($1 \le n \le 10^5$). Вторая строка содержит числа a_1, a_2, \ldots, a_n , третья— числа b_1, b_2, \ldots, b_n ($1 \le a_i, b_i \le 10^9$).

Формат выходных данных

Выведите n чисел — порядок, в котором нужно укладывать гномов спать, чтобы получить хотя бы минутку отдыха. Если возможных ответов несколько, выведите любой из них. Если Белоснежке отдохнуть не удастся, выведите число -1.

стандартный вывод
2 1
-1
2 1 3

Задача С. Поиск

Имя входного файла: *стандартный ввод*Имя выходного файла: *стандартный вывод*

Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 256 мебибайт

В этой задаче нужно уметь выяснять, содержится ли число в последовательности.

Формат входных данных

В первой строке заданы через пробел два целых числа n и k ($1 \le n \le 5000$, $1 \le k \le 300\,000$). Во второй строке задана последовательность из n целых чисел a_1 , a_2 , ..., a_n , записанных через пробел ($1 \le a_i \le 10^9$). В третьей строке записаны запросы -k целых чисел b_1 , b_2 , ..., b_k через пробел ($1 \le b_i \le 10^9$).

Формат выходных данных

Выведите k строк. В j-й строке выведите «YES», если число b_j содержится в последовательности $\{a_i\}$, и «NO» в противном случае.

Примеры

-,	on nepbi	
	стандартный ввод	стандартный вывод
	3 3	NO
	2 3 5	YES
	1 2 3	YES
	3 4	YES
	2 1 2	NO
	2 4 1 5	YES
		NO
	5 1	NO
	11111 1111 111 11 1	
	12345	

Задача D. Количество инверсий

Имя входного файла: *стандартный ввод*Имя выходного файла: *стандартный вывод*

Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 256 мебибайт

Напишите программу, которая для заданного массива $A = \langle a_1, a_2, \dots, a_n \rangle$ находит количество пар (i,j) таких, что i < j и $a_i > a_j$.

Формат входных данных

Первая строка входных данных содержит натуральное число n ($1 \le n \le 50\,000$) — количество элементов массива. Вторая строка содержит n попарно различных элементов массива A.

Формат выходных данных

Выведите одно число – ответ на задачу.

стандартный ввод	стандартный вывод
4	0
1 2 4 5	
4	6
5 4 2 1	

Задача Е. Медиана последовательности

Имя входного файла: *стандартный ввод* Имя выходного файла: *стандартный вывод*

Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 256 мебибайт

В теории вероятностей и статистике часто рассматриваются конечные последовательности чисел. Иногда для такой последовательности требуется оценить среднее значение её членов. В разных случаях под средним значением понимают разные числа: например, мы можем вычислить среднее арифметическое, а можем посчитать, какое число в отсортированной последовательности будет посередине.

Meguahoй последовательности называется число, которое может разбить все числа последовательности на два множества: числа в первом множестве не больше медианы, а во втором — не меньше, и при этом мощности множеств равны (то есть в них одинаковое количество элементов). Например, медиана последовательности $\{1,2,7,5,3\}$ — это 3.

Когда в последовательности нечётное количество членов, медиана определяется однозначно — это тот член последовательности, который находится на равном расстоянии от концов последовательности.

В случае, когда в последовательности чётное количество членов, медианой могло бы служить любое число между двумя средними значениями в последовательности. Например, в последовательности $\{2,2,3,10\,000\}$ медианой могло бы быть любое число из интервала (2,3). Для определённости в случае чётного количества членов медианой считается среднее арифметическое двух средних значений.

Ваша задача – для данной последовательности целых чисел вывести её медиану.

Формат входных данных

В первой строке входных данных задано целое число n ($1 \le n \le 5000$). Во второй строке заданы через пробел n целых чисел a_1, a_2, \ldots, a_n ($1 \le a_i \le 10^9$).

Формат выходных данных

В первой строке выведите единственное вещественное число — медиану последовательности с точностью до шести знаков после запятой.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
5	3
1 2 5 7 3	
4	2.5
2 2 3 10000	
5	10
10 100 10 1000 10	

Задача F. Минимаксное преобразование

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 256 мебибайт

Рассмотрим набор чисел a_1, a_2, \ldots, a_n . Минимаксным преобразованием этого набора по модулю p назовём следующую операцию: найдём минимум a_{\min} и максимум a_{\max} в наборе, удалим их из него, а вместо них добавим число $(a_{\min} + a_{\max}) \mod p$.

Дан набор из n чисел. Над ним последовательно n-1 раз производят минимаксное преобразование. Выведите те числа, которые были добавлены в набор, в порядке их добавления.

Формат входных данных

Набор чисел задан генератором. В первой строке входных данных заданы через пробел три целых числа n, b и p ($2 \le n \le 100\,000, 1 \le b). Числа исходного набора получаются как <math>a_i = b^i \bmod p$.

Формат выходных данных

В первой строке выведите n-1 число — те числа, которые были добавлены в набор в результате минимаксных преобразований, в порядке их добавления.

стандартный ввод	стандартный вывод
3 2 5	1 4
4 2 1000	18 22 30

Задача G. Порядковые статистики

Имя входного файла: *стандартный ввод* Имя выходного файла: *стандартный вывод*

Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 256 мебибайт

В этой задаче требуется уметь быстро находить k-ю порядковую статистику последовательности — то есть элемент, который после сортировки этой последовательности по неубыванию будет стоять в ней на k-м месте.

Есть две замкнутые в кольцо ленты, на каждой из которых записана последовательность чисел: числа $a_1,\ a_2,\ \dots,\ a_n$ на первой ленте и числа $b_1,\ b_2,\ \dots,\ b_n$ на второй. Назовём p-м циклическим сдвигом положение, в котором a_1 находится над $b_{p+1},\ a_2$ над $b_{p+2},\ \dots,\ a_{n-p}$ над $b_n,\ a_{n-p+1}$ над $b_1,\ \dots,\ a_{n-1}$ над b_{p-1} и a_n над b_p . Рассмотрим последовательность дробей

$$\frac{a_1}{b_{p+1}}, \frac{a_2}{b_{p+2}}, \dots, \frac{a_{n-p}}{b_n}, \frac{a_{n-p+1}}{b_1}, \dots, \frac{a_{n-1}}{b_{p-1}}, \frac{a_n}{b_p}$$

и обозначим k-ю порядковую статистику этой последовательности как $s_k^{(p)}$.

По данным числам на лентах, а также числу k, найдите последовательность $s_k^{(1)}$, $s_k^{(2)}$, . . . , $s_k^{(n)}$.

Формат входных данных

В первой строке входных данных заданы через пробел два целых числа n и k — размер лент и номер порядковой статистики ($1 \leqslant k \leqslant n \leqslant 5000$). Во второй строке записаны n чисел a_1, a_2, \ldots, a_n — содержимое ленты с числителями ($1 \leqslant a_i \leqslant 10^9$). В третьей строке записаны n чисел b_1, b_2, \ldots, b_n — содержимое ленты со знаменателями ($1 \leqslant b_i \leqslant 10^9$).

Формат выходных данных

В первой строке выведите n чисел через пробел — k-е порядковые статистики $s_k^{(1)}$, $s_k^{(2)}$, . . . , $s_k^{(n)}$. Каждое число должно быть представлено в виде несократимой дроби.

Примеры

ри	меры	
	стандартный ввод	стандартный вывод
3	1	1/2 1/3 1/1
1	2 3	
1	2 3	
2	2	9/4 9/2
4	9	
4	2	
3	2	1/2 1/2 1/2
2	2 2	
3	4 5	

Задача Н. Устойчивая сортировка пар

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 256 мебибайт

В этой задаче нужно отсортировать пары чисел, заданных во входных данных. Зададим устойчивый порядок на парах следующим образом. Пусть (a_i,b_i) и (a_j,b_j) — две пары из исходной последовательности, i,j — номера этих пар.

Пара (a_i, b_i) считается меньше пары (a_i, b_i) в двух случаях:

- 1. если $a_i < a_i$
- 2. если $a_i = a_i$ и i < j.

Таким образом, требуется отсортировать последовательность пар так, чтобы первые числа пар были расположены в неубывающем порядке, и при этом сортировка была устойчивой.

Формат входных данных

В первой строке входных данных задано целое число n ($1 \le n \le 5000$). В следующих n строках заданы через пробел по два целых числа, a_i и b_i ($1 \le a_i$, $b_i \le 10^9$).

Формат выходных данных

В первых n строках выведите пары чисел $a_i\,b_i$, разделенных пробелом, в требуемом порядке.

- 1	
стандартный ввод	стандартный вывод
3	1 2
1 2	1 1
3 1	3 1
1 1	
4	2 2
4 1	3 2
3 2	3 3
2 2	4 1
3 3	

Задача І. Сортировка на плоскости

Имя входного файла: *стандартный ввод* Имя выходного файла: *стандартный вывод*

Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 256 мебибайт

Это интерактивная задача.

Есть n векторов на плоскости, ненулевых и попарно неколлинеарных. Вектор с номером i идёт из начала координат в точку (x_i,y_i) . Но эти координаты мы вам не скажем.

Вместо этого вы можете задавать вопросы следующего вида: «Верно ли, что векторы i и j образуют правую пару?» Формально векторы образуют правую пару, если $x_i \cdot y_j > x_j \cdot y_i$. Геометрически правая пара означает, что, если мы стоим в начале координат и смотрим на конец вектора i, то, чтобы как можно скорее повернуться к концу вектора j, следует поворачиваться против часовой стрелки.

Нужно, задавая жюри вопросы, прийти к одному из двух выводов:

- 1. Все векторы лежат в одной полуплоскости, граница которой проходит через начало координат. Тогда нужно отсортировать их: вывести такой набор различных индексов i_1, i_2, \ldots, i_n , что для любых p < q векторы i_p и i_q образуют правую пару.
- 2. Нет такой полуплоскости, граница которой проходит через начало координат и в которой лежат все векторы. Тогда нужно доказать это: вывести такую последовательность различных индексов i_1, i_2, \ldots, i_k , что каждый вектор, кроме последнего, образует правую пару со следующим, а последний (i_k) образует правую пару с первым (i_1) .

Протокол взаимодействия

Сначала вашей программе подаётся в отдельной строке число n-количество векторов ($1\leqslant n\leqslant 500$). Векторы в каждом тесте зафиксированы заранее, но держатся в секрете.

Затем вы можете делать следующее:

1. Спросить у жюри: «верно λu , что векторы i и j образуют правую пару?»

Для этого ваша программа должна вывести строку следующего вида: «? i j». Индексы должны быть корректными: $1 \leqslant i,j \leqslant n$.

В ответ программа жюри выдаст в отдельной строке число: 1, если ответ «да», и 0, если ответ «нет».

Чтобы предотвратить буферизацию вывода, после каждого выведенного вопроса следует вставить команду очистки буфера вывода: например, это может быть fflush (stdout) в С или C++, System.out.flush () в Java, flush (output) в Pascal или sys.stdout.flush () в Python.

Вы можете задать не более 20000 вопросов.

2. Вывести ответ. В этом случае ваша программа должна вывести две строки.

Если все векторы лежат в одной полуплоскости, первая строка должна иметь вид «! YES», а во второй должны быть выведены через пробел n различных чисел от 1 до n: индексы векторов в порядке сортировки.

Если такой полуплоскости нет, выведите в первой строке «! NO». В начале второй строки выведите k — число векторов в доказательстве, а затем выведите k различных чисел от 1 до n — само доказательство. Если возможных доказательств несколько, выведите любое из них.

После вывода ответа ваша программа должна сразу корректно завершить работу.

стандартный вывод
? 1 3
; 1 3
? 3 2
? 2 1
! YES
3 1 2
2.1.0
? 1 2
? 3 2
? 1 3
! NO 3 1 2 3

Задача Ј. Сортировка различных чисел

Имя входного файла: *стандартный ввод* Имя выходного файла: *стандартный вывод*

Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 256 мебибайт

В этой задаче нужно отсортировать последовательность натуральных чисел, заданных во входных данных, при условии, что числа в последовательности не повторяются, и максимальное из этих чисел не превосходит длины последовательности.

Формат входных данных

В первой строке входных данных задано натуральное число n ($1 \le n \le 1\,000\,000$). Во второй строке заданы через пробел n натуральных чисел a_1, a_2, \ldots, a_n ($1 \le a_i \le n$).

Формат выходных данных

В первой строке выведите через пробел n чисел — числа a_i в неубывающем порядке.

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
2	1 2
2 1	

Задача К. Раствор

Имя входного файла: *стандартный ввод* Имя выходного файла: *стандартный вывод*

Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 256 мебибайт

Перед химиком Колей стоит непростая задача. Для химического эксперимента ему требуется поместить в колбу объёма w как можно большее количество определённого вещества. Это вещество содержится в n пробирках, наполненных растворами; общий объём раствора в i-й пробирке равен q_i , а количество нужного вещества во всём этом растворе — d_i . Считается, что вещество в пробирке равномерно распределено по раствору.

Из каждой пробирки Коля может перелить всё содержимое, или любую его часть, в колбу; различные растворы в колбе смешиваются, а количество вещества и общий объём раствора в колбе складываются. Общий объём раствора, получающегося в колбе, не должен превышать объём колбы w; Коля не может переливать растворы, кроме как из пробирок в колбу. Выясните, какое максимальное количество вещества можно поместить в колбу.

Формат входных данных

В первой строке входных данных заданы через пробел два целых числа n и w-количество пробирок и объём колбы, соответственно $(1\leqslant n\leqslant 100\,000,\,1\leqslant w\leqslant 10^9)$. Следующие n строк содержат параметры пробирок; i-я из этих строк описывает i-ю пробирку двумя целыми числами d_i и q_i — это количество вещества и общий объём пробирки, соответственно $(1\leqslant d_i,q_i\leqslant 10^9)$. Для удобства записи количество вещества измеряется в одних условных единицах, а объём колбы и общий объём пробирок — в других.

Формат выходных данных

В первой строке выведите максимальное возможное количество вещества в полученном растворе. При выводе представьте это количество в виде смешанной дроби в формате «a+b/c», где a, b и c — целые числа, $a\geqslant 0$, $0\leqslant b< c$ и c>1. Числа b и c должны быть взаимно просты. Если a=0, то запись должна выглядеть как «b/c». Если b=0, то запись должна состоять только из числа «a».

	стандартный ввод	стандартный вывод
2	5	4+1/5
3	2	
2	5	
1	2	4/5
2	5	
1	3	3
3	2	

Задача L. Сортировка большой последовательности

Имя входного файла: стандартный ввод Имя выходного файла: стандартный вывод

Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 256 мебибайт

В этой задаче нужно отсортировать числа, заданные во входных данных.

Формат входных данных

В первой строке задано целое число n (1 $\leq n \leq 300\,000$). Во второй строке заданы через пробел n целых чисел a_1, a_2, \ldots, a_n (1 $\leq a_i \leq 1000$).

Формат выходных данных

В первой строке выведите через пробел n чисел — числа a_i в неубывающем порядке.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
3	1 2 3
1 2 3	
4	1 2 2 3
3 2 2 1	
5	10 10 10 100 1000
10 100 10 1000 10	

Задача М. Сумма двух

Имя входного файла: *стандартный ввод*Имя выходного файла: *стандартный вывод*

Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 256 мебибайт

Дана последовательность чисел, упорядоченная по возрастанию. Выясните, представимо ли число x в виде суммы двух чисел из этой последовательности.

Формат входных данных

В первой строке заданы через пробел два целых числа n и x ($1 \le n \le 100\,000$, $2 \le x \le 2 \cdot 10^9$). Во второй строке задана последовательность из n целых чисел a_1 , a_2 , ..., a_n , записанных через пробел ($1 \le a_i \le 10^9$, все элементы различны, последовательность упорядочена по возрастанию).

Формат выходных данных

Выведите «YES», если число x представимо в виде $a_i + a_j$ для некоторых (не обязательно различных) индексов i и j, и «NO» в противном случае.

стандартный ввод	стандартный вывод
3 4	YES
1 2 3	
3 5	NO
1 2 5	
4 6	YES
1 2 4 8	

Задача N. Ленивый работник

Имя входного файла: *стандартный ввод* Имя выходного файла: *стандартный вывод*

Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 256 мебибайт

Трактир «Не дай себе просохнуть!» взял на работу нового работника — кладовщика. У кладовщика есть две обязанности. Первая — принимать от грузчиков бочки с пивом и закатывать их в подвал. Вторая — когда в бочке у трактирщика не остаётся пива, выкатывать ему из подвала новую бочку, в которой пиво ещё имеется.

Хитрый работник скоро понял, что в разных бочках, попадающих к нему в подвал, содержится различное количество пива, и решил впредь всегда выкатывать трактирщику ту бочку, в которой пива менее всего, чтобы особо не напрягаться. Дальновидность не в характере лентяя-кладовщика, и то обстоятельство, что позднее ему придётся катать исключительно тяжёлые бочки, равно как и то, что лёгкие бочки нужно катать чаще, он проигнорировал.

При получении бочки от грузчиков кладовщик измеряет количество пива в ней. Количество пива обозначается целым числом от 0, когда бочка пуста, до 1000, когда вся бочка заполнена пивом. Известно, что грузчики не передают кладовщику пустых бочек.

Трактирщик узнал о том, какую хитрость придумал его новый ленивый работник, и теперь, зная количество пива во всех привозимых грузчиками бочках, хочет выяснить, сколько пива будет в каждой следующей бочке, которую кладовщик выкатит из подвала.

По последовательности поступлений бочек в подвал и выкатываний их трактирщику установите, сколько пива было в каждой выкаченной бочке.

Формат входных данных

В первой строке входных данных задано число N ($1 \leqslant N \leqslant 100\,000$). Следующие N строк содержат по одному числу A_i в каждой и описывают события в порядке, в котором они происходят. Если A_i больше нуля, то это означает поступление в подвал новой бочки, количество пива в которой равно A_i . Если же A_i равно нулю, то описываемое данной строкой событие — это выкатывание из подвала бочки, пива в которой осталось менее всего.

Изначально можно считать, что в подвале бочек с пивом нет. Гарантируется, что трактирщик не попадёт в ситуацию, когда на его запрос кладовщик не может выкатить новой бочки.

Формат выходных данных

На каждое выкатывание бочки из подвала выведите строку, состоящую из единственного числа B_j — сколько пива содержалось в выкаченной бочке.

римеры	
стандартный ввод	стандартный вывод
3	1
1	
2	
0	
5	3
3	2
0	
2	
0	
1	
6	1
8	2
4	
2	
1	
0	
0	
4	1
1	
1	
1	
0	
10	3
4	4
3	4
7	
4	
9	
5	
6	
0	
0	
0	