

## Содержание

<b>Обязательные задачи</b>	<b>3</b>
Задача 17А. Снеговика [0.25 sec, 256 mb]	3
Задача 17В. Persistent Array [0.25 sec, 256 mb]	4
Задача 17С. СНМ [0.25 sec, 256 mb]	5
Задача 17D. Менеджер памяти [5 sec, 128 mb]	6
<b>Дополнительные задачи</b>	<b>7</b>
Задача 17Е. Persistent List [3 sec, 512 mb]	7
Задача 17F. Внутренняя точка 2 [10 sec, 256 mb]	8

---

### Пример работы с файлами.

Если вы не умеете читать/выводить данные, или открывать файлы, воспользуйтесь примерами. <http://acm.math.spbu.ru/~sk1/algo/sum/>

### Пример работы с файлами.

В некоторых задачах большой ввод и вывод. Про ввод-вывод в C++:

[http://acm.math.spbu.ru/~sk1/algo/input-output/cpp\\_common.html](http://acm.math.spbu.ru/~sk1/algo/input-output/cpp_common.html)

Имеет смысл пользоваться супер быстрым вводом-выводом. Две версии:

[http://acm.math.spbu.ru/~sk1/algo/input-output/io\\_export.cpp.html](http://acm.math.spbu.ru/~sk1/algo/input-output/io_export.cpp.html)

[http://acm.math.spbu.ru/~sk1/algo/input-output/fread\\_write\\_export.cpp.html](http://acm.math.spbu.ru/~sk1/algo/input-output/fread_write_export.cpp.html)

### Выделение памяти.

В некоторых задачах нужен STL, который активно использует динамическую память (set-ы, map-ы) переопределение стандартного аллокатора ускорит вашу программу:

<http://acm.math.spbu.ru/~sk1/algo/memory.cpp.html>

## Обязательные задачи

### Задача 17А. Снеговики [0.25 sec, 256 mb]

Зима. 2012 год. На фоне грядущего Апокалипсиса и конца света незамеченной прошла новость об очередном прорыве в областях клонирования и снеговиков: клонирования снеговиков. Вы конечно знаете, но мы вам напомним, что снеговик состоит из нуля или более вертикально поставленных друг на друга шаров, а клонирование — это процесс создания идентичной копии (клона).

В местечке Местячково учитель Андрей Сергеевич Учитель купил через интернет-магазин «Интернет-магазин аппаратов клонирования» аппарат для клонирования снеговиков. Теперь дети могут играть и даже играют во дворе в следующую игру. Время от времени один из них выбирает понравившегося снеговика, клонирует его и:

- либо добавляет ему сверху один шар;
- либо удаляет из него верхний шар (если снеговик не пустой).

Учитель Андрей Сергеевич Учитель записал последовательность действий и теперь хочет узнать суммарную массу всех построенных снеговиков.

#### Формат входных данных

Первая строка содержит количество действий  $n$  ( $1 \leq n \leq 200\,000$ ). В строке номер  $i + 1$  содержится описание действия  $i$ :

- $t\ m$  — клонировать снеговика номер  $t$  ( $0 \leq t < i$ ) и добавить сверху шар массой  $m$  ( $0 < m \leq 1000$ );
- $t\ 0$  — клонировать снеговика номер  $t$  ( $0 \leq t < i$ ) и удалить верхний шар. Гарантируется, что снеговик  $t$  не пустой.

В результате действия  $i$ , описанного в строке  $i + 1$  создается снеговик номер  $i$ . Изначально имеется пустой снеговик с номером ноль.

Все числа во входном файле целые.

#### Формат выходных данных

Выведите суммарную массу построенных снеговиков.

#### Примеры

snowmen.in	snowmen.out
8	74
0 1	
1 5	
2 4	
3 2	
4 3	
5 0	
6 6	
1 0	

#### Замечание

Это очень простая задача, в ней не нужно писать полноценную персистентность (ни offline, ни online).

### Задача 17B. Persistent Array [0.25 sec, 256 mb]

Дан массив (вернее, первая, начальная его версия).

Нужно уметь отвечать на два запроса:

- $a_i[j] = x$  — создать из  $i$ -й версии новую, в которой  $j$ -й элемент равен  $x$ , а остальные элементы такие же, как в  $i$ -й версии.
- `get  $a_i[j]$`  — сказать, чему равен  $j$ -й элемент в  $i$ -й версии.

#### Формат входных данных

Количество чисел в массиве  $N$  ( $1 \leq N \leq 10^5$ ) и  $N$  элементов массива. Далее количество запросов  $M$  ( $1 \leq M \leq 10^5$ ) и  $M$  запросов. Формат описания запросов можно посмотреть в примере. Если уже существует  $K$  версий, новая версия получает номер  $K + 1$ . И исходные, и новые элементы массива — целые числа от 0 до  $10^9$ . Элементы в массиве нумеруются числами от 1 до  $N$ .

#### Формат выходных данных

На каждый запрос типа `get` вывести соответствующий элемент нужного массива.

#### Пример

parray.in	parray.out
6	6
1 2 3 4 5 6	5
11	10
create 1 6 10	5
create 2 5 8	10
create 1 5 30	8
get 1 6	6
get 1 5	30
get 2 6	
get 2 5	
get 3 6	
get 3 5	
get 4 6	
get 4 5	

#### Замечание

Сдайте, пожалуйста, эту задачу [online](#).

### Задача 17С. СНМ [0.25 sec, 256 mb]

Ваша задача — реализовать **Persistent Disjoint-Set-Union**. Что это значит?

Про **Disjoint-Set-Union**:

Изначально у вас есть  $n$  элементов. Нужно научиться отвечать на 2 типа запросов.

- $+ a b$  — объединить множества, в которых лежат вершины  $a$  и  $b$
- $? a b$  — сказать, лежат ли вершины  $a$  и  $b$  сейчас в одном множестве

Про **Persistent**:

Теперь у нас будет несколько копий (версий) структуры данных **Disjoint-Set-Union**.

Запросы будут выглядеть так:

- $+ i a b$  — запрос к  $i$ -й структуре, объединить множества, в которых лежат вершины  $a$  и  $b$ . При этом  $i$ -я структура остается не изменной, создается новая версия, ей присваивается новый номер (какой? читайте дальше)
- $? i a b$  — запрос к  $i$ -й структуре, сказать, лежат ли вершины  $a$  и  $b$  сейчас в одном множестве

### Формат входных данных

На первой строке 2 числа  $N$  ( $1 \leq N \leq 10^5$ ) и  $K$  ( $0 \leq K \leq 10^5$ ) — число элементов и число запросов. Изначально все элементы находятся в различных множествах. Эта начальная копия (версия) структуры имеет номер 0.

Далее следуют  $K$  строк, на каждой описание очередного запроса. Формат запросов описан выше. Запросы нумеруются целыми числами от 1 до  $K$ .

Пусть  $j$ -й из  $K$  запросов имеет вид « $+ i a b$ ». Тогда новая версия получит номер  $j$ . Запросы вида « $? i a b$ » не порождают новых структур.

### Формат выходных данных

Для каждого запроса вида  $? i a b$  на отдельной строке нужно вывести YES или NO.

### Пример

snm.in	snm.out
4 7	NO
+ 0 1 2	YES
? 0 1 2	YES
? 1 1 2	YES
+ 1 2 3	NO
? 4 3 1	
? 0 4 4	
? 4 1 4	

### Задача 17D. Менеджер памяти [5 sec, 128 mb]

Одно из главных нововведений новейшей операционной системы Indows 7 — новый менеджер памяти. Он работает с массивом длины  $N$  и позволяет выполнять три самые современные операции:

- `copy(a, b, l)` — скопировать отрезок длины  $[a, a+l-1]$  в  $[b, b+l-1]$
- `sum(l, r)` — посчитать сумму элементов массива на отрезке  $[l, r]$
- `print(l, r)` — напечатать элементы с  $l$  по  $r$ , включительно

Вы являетесь разработчиком своей операционной системы, и Вы, безусловно, не можете обойтись без инновационных технологий. Вам необходимо реализовать точно такой же менеджер памяти.

#### Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит целое число  $N$  ( $1 \leq N \leq 1\,000\,000$ ) — размер массива, с которым будет работать Ваш менеджер памяти.

Во второй строке содержатся четыре числа  $1 \leq X_1, A, B, M \leq 10^9 + 10$ . С помощью них можно сгенерировать исходный массив чисел  $X_1, X_2, \dots, X_N$ .  $X_{i+1} = (A \cdot X_i + B) \bmod M$

Следующая строка входного файла содержит целое число  $K$  ( $1 \leq K \leq 200\,000$ ) — количество запросов, которые необходимо выполнить Вашему менеджеру памяти.

Далее в  $K$  строках содержится описание запросов. Запросы заданы в формате:

- `cpy a b l` — для операции `copy`
- `sum l r` — для операции `sum` ( $l \leq r$ )
- `out l r` — для операции `print` ( $l \leq r$ )

Гарантируется, что суммарная длина запросов `print` не превышает 3000. Также гарантируется, что все запросы корректны.

#### Формат выходных данных

Для каждого запроса `sum` или `print` выведите в выходной файл на отдельной строке результат запроса.

**Подзадача 1 (25 баллов)**  $N, K \leq 20\,000$

**Подзадача 2 (25 баллов)** суммарная длина запросов `copy` не превосходит 1 000 000

**Подзадача 3 (25 баллов)**  $K \leq 10\,000$

**Подзадача 4 (25 баллов)** Дополнительные упрощения отсутствуют

#### Пример

memory.in	memory.out
6	1 2 6 1 2 6
1 4 5 7	18
8	1 2
out 1 6	3
sum 1 6	1 1 2 1 2 6
cpy 1 3 2	13
out 3 4	
sum 3 4	
cpy 1 2 4	
out 1 6	
sum 1 6	

#### Замечание

Не забудьте про ссылочный garbage collector ; -)

## Дополнительные задачи

### Задача 17E. Persistent List [3 sec, 512 mb]

Даны  $N$  списков. Каждый состоит из одного элемента.

Нужно научиться совершать следующие операции:

- `merge` — взять два каких-то уже существующих списка и породить новый, равный их конкатенации.
- `head` — взять какой-то уже существующий список  $L$  и породить два новых, в одном первый элемент  $L$ , во втором весь  $L$  кроме первого элемента.
- `tail` — взять какой-то уже существующий список  $L$  и породить два новых, в одном весь  $L$  кроме последнего элемента, во втором последний элемент  $L$ .

Для свежесозданных списков нужно говорить сумму элементов в них по модулю  $10^9 + 7$ .

#### Формат входных данных

Число  $N$  ( $1 \leq N \leq 10^5$ ). Далее  $N$  целых чисел от 1 до  $10^9$  — элементы списков. Исходные списки имеют номера  $1, 2, \dots, N$ .

Затем число  $M$  ( $1 \leq M \leq 10^5$ ) — количество операций. Далее даны операции в следующем формате:

- `merge i j`
- `head i`
- `tail i`

Где  $i$  и  $j$  — номера уже существующих списков. Если в текущий момент имеется  $K$  списков, новый список получает номер  $K + 1$ .

Для операций `head` и `tail` считается, что сперва порождается левая часть, затем правая (см. пример). Также вам гарантируется, что никогда не будут порождаться пустые списки.

#### Формат выходных данных

Для каждого нового списка нужно вывести сумму элементов по модулю  $10^9 + 7$ .

#### Пример

plist.in	plist.out
4	3
1 2 3 4	7
7	10
merge 1 2	3
merge 3 4	7
merge 6 5	5
head 7	2
tail 9	5
merge 2 3	2
merge 1 1	

#### Замечание

У дерева из  $2^n$  вершин глубина равна  $n$  ; -)

### Задача 17F. Внутренняя точка 2 [10 сек, 256 mb]

Дан совсем невыпуклый *простой*  $N$ -угольник и  $K$  точек. Напомним,  $N$ -угольник называется простым, если не имеет ни самопересечений, ни самокасаний. Для каждой точки нужно определить, где она находится — внутри, на границе, или снаружи.

#### Формат входных данных

В первой строке дано целое число  $T$  — количество тестов.  
Далее идут  $T$  тестов. Тесты разделены переводом строки.  
 $N$  ( $3 \leq N \leq 10^5$ ). Далее  $N$  точек — вершины многоугольника.  
 $K$  ( $0 \leq K \leq 10^5$ ). Далее  $K$  точек — запросы.  
Все координаты — целые числа по модулю не превосходящие  $10^9$ .  
Суммарное количество  $N$  и  $K$  не превосходит  $2 \cdot 10^6$ .

#### Формат выходных данных

Для каждого запроса одна строка — INSIDE, BORDER или OUTSIDE.  
Тесты следует разделять переводом строки.

#### Примеры

inside2.in	inside2.out
1	INSIDE
4	BORDER
0 0	BORDER
2 0	OUTSIDE
2 2	
0 2	
4	
1 1	
0 0	
0 1	
0 3	