

Задача А Сумма на отрезке

Имя входного файла: `a.in`
Имя выходного файла: `a.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 МВ

Условие можно прочесть здесь: http://acm.math.spbu.ru/trains/WS2010_Day2_Junior.pdf
Читать нужно задачу А.

Задача В Сумма на матрице

Имя входного файла: `c.in`
Имя выходного файла: `c.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 МВ

Условие можно прочесть здесь: http://acm.math.spbu.ru/trains/WS2010_Day2_Junior.pdf
Читать нужно задачу С.

Задача С Минимум на стэке

Имя входного файла: `l.in`
Имя выходного файла: `l.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 МВ

Условие можно прочесть здесь: http://acm.math.spbu.ru/trains/WS2010_Day2_Junior.pdf
Читать нужно задачу L.

Задача D Минимум на очереди

Имя входного файла: `m.in`
Имя выходного файла: `m.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 МВ

Условие можно прочесть здесь: http://acm.math.spbu.ru/trains/WS2010_Day2_Junior.pdf
Читать нужно задачу M.

Задача E Сумма

Имя входного файла: `sum.in`
Имя выходного файла: `sum.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Дан массив из N элементов, нужно научиться находить сумму чисел на отрезке.

Формат входного файла

Первая строка входного файла содержит два целых числа N и K — число чисел в массиве и количество запросов. ($1 \leq N \leq 100\,000$), ($0 \leq K \leq 100\,000$). Следующие K строк содержат запросы

1. $A\ i\ x$ — присвоить i -му элементу массива значение x ($1 \leq i \leq n$, $0 \leq x \leq 10^9$)
2. $Q\ l\ r$ — найти сумму чисел в массиве на позициях от l до r . ($1 \leq l \leq r \leq n$)

Изначально в массиве живут нули.

Формат выходного файла

На каждый запрос вида $Q\ l\ r$ нужно вывести единственное число — сумму на отрезке.

Примеры

sum.in	sum.out
5 9	0
A 2 2	2
A 3 1	1
A 4 2	2
Q 1 1	0
Q 2 2	5
Q 3 3	
Q 4 4	
Q 5 5	
Q 1 5	

Задача F Среднее на отрезках

Имя входного файла: middle.in
Имя выходного файла: middle.out
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Дана последовательность из N чисел и M запросов. Каждый запрос представляет собой пару чисел i, j . После каждого запроса необходимо заменить все элементы последовательности от i до j на их среднее арифметическое. Если сумма элементов текущей последовательности меньше либо равна сумме элементов первоначальной последовательности, среднее округляется вверх, иначе — вниз. Ваша задача — найти последовательность после проведенных преобразований.

Формат входного файла

Первая строка входных данных содержит два натуральных числа N и M ($1 \leq M, N \leq 30\,000$). Во второй строке записаны N чисел, каждое из которых не превосходит 10^9 по модулю — элементы последовательности. Затем идут M строчек по два числа в каждой — запросы, которые необходимо выполнить.

Формат выходного файла

Выведите N чисел — элементы результирующей последовательности.

Примеры

middle.in	middle.out
6 4	2 3 3 5 5 5
1 2 3 4 5 6	
1 2	
2 5	
5 6	
4 6	

Задача G Мега-инверсии

Имя входного файла: `mega.in`
Имя выходного файла: `mega.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Инверсией в перестановке p_1, p_2, \dots, p_N называется пара (i, j) такая, что $i < j$ и $p_i > p_j$. Назовем мега-инверсией в перестановке p_1, p_2, \dots, p_N тройку (i, j, k) такую, что $i < j < k$ и $p_i > p_j > p_k$. Придумайте алгоритм для быстрого подсчета количества мега-инверсий в перестановке.

Формат входного файла

Первая строка входного файла содержит целое число N ($1 \leq N \leq 100\,000$). Следующие N чисел описывают перестановку: p_1, p_2, \dots, p_N ($1 \leq p_i \leq N$), все p_i попарно различны. Числа разделяются пробелами и/или переводами строк.

Формат выходного файла

Единственная строка выходного файла должна содержать одно число, равное количеству мега-инверсий в перестановке p_1, p_2, \dots, p_N .

Примеры

mega.in	mega.out
4	4
4 3 2 1	

Задача H Обмен

Имя входного файла: `swap.in`
Имя выходного файла: `swap.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 МВ

Пусть все натуральные числа исходно организованы в список в естественном порядке. Разрешается выполнить следующую операцию: $swap(a, b)$. Эта операция возвращает в качестве результата расстояние в текущем списке между числами a и b и меняет их местами.

Задана последовательность операций $swap$. Требуется вывести в выходной файл результат всех этих операций.

Формат входного файла

Первая строка входного файла содержит число n ($1 \leq n \leq 200\,000$) — количество

операций. Каждая из следующих n строк содержит по два числа в диапазоне от 1 до 10^9 — аргументы операций *swap*.

Формат выходного файла

Для каждой операции во входном файле выведите ее результат.

Пример

swap.in	swap.out
4	3
1 4	1
1 3	4
4 5	2
1 4	

Задача I Разрезание графа

Имя входного файла: `cutting.in`
Имя выходного файла: `cutting.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 МВ

Дан неориентированный граф. Над ним в заданном порядке производят операции следующих двух типов:

- `cut` — разрезать граф, то есть удалить из него ребро;
- `ask` — проверить, лежат ли две вершины графа в одной компоненте связности.

Известно, что после выполнения всех операций типа `cut` рёбер в графе не осталось. Найдите результат выполнения каждой из операций типа `ask`.

Формат входного файла

Первая строка входного файла содержит три целых числа, разделённые пробелами — количество вершин графа n , количество рёбер m и количество операций k ($1 \leq n \leq 50\,000$, $0 \leq m \leq 100\,000$, $m \leq k \leq 150\,000$).

Следующие m строк задают рёбра графа; i -ая из этих строк содержит два числа u_i и v_i ($1 \leq u_i, v_i \leq n$), разделённые пробелами — номера концов i -го ребра. Вершины нумеруются с единицы; граф не содержит петель и кратных рёбер.

Далее следуют k строк, описывающих операции. Операция типа `cut` задаётся строкой “`cut u v`” ($1 \leq u, v \leq n$), которая означает, что из графа удаляют ребро между вершинами u и v . Операция типа `ask` задаётся строкой “`ask u v`” ($1 \leq u, v \leq n$), которая означает, что необходимо узнать, лежат ли в данный момент вершины u и v в одной компоненте связности. Гарантируется, что каждое ребро графа встретится в операциях типа `cut` ровно один раз.

Формат выходного файла

Для каждой операции `ask` во входном файле выведите на отдельной строке слово “YES”, если две указанные вершины лежат в одной компоненте связности, и “NO” в противном случае. Порядок ответов должен соответствовать порядку операций `ask` во входном файле.

Пример

cutting.in	cutting.out
3 3 7	YES
1 2	YES
2 3	NO
3 1	NO
ask 3 3	
cut 1 2	
ask 1 2	
cut 1 3	
ask 2 1	
cut 2 3	
ask 3 1	

Задача J Points on the plane

Имя входного файла: fenwick.in
Имя выходного файла: fenwick.out
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 MB

Есть квадратная клетчатая плоскость состоящая из $n \times n$ клеток ($1 \leq n \leq 1000$). Изначально в каждой клетке записано значение ноль. Ваша задача — написать программу, умеющую отвечать на следующие запросы:

- ADD $x y$ — увеличить значение в ячейке x, y на 1.
- GET $x_1 y_1 x_2 y_2$ — вернуть сумму значений в прямоугольнике с углами в x_1, y_1 и x_2, y_2 соответственно.

Формат входного файла

В первой строке входного файла содержится два числа — n и k — размер доски и число запросов соответственно. Следующие k строк содержат сами запросы. Гарантируется, что общее число запросов не превосходит 300 000.

Формат выходного файла

Для каждого запроса типа GET выведите в отдельную строку одно целое число — ответ на соответствующий запрос.

Примеры

fenwick.in	fenwick.out
5 15	10
ADD 1 1	8
ADD 2 2	8
ADD 3 3	6
ADD 4 4	2
ADD 5 5	
ADD 1 5	
ADD 2 4	
ADD 3 3	
ADD 4 2	
ADD 5 1	
GET 1 1 5 5	
GET 2 1 5 5	
GET 1 2 5 5	
GET 2 2 4 4	
GET 3 3 3 3	

Задача К Окна

Имя входного файла: windows.in
Имя выходного файла: windows.out
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

На экране расположены прямоугольные окна, каким-то образом перекрывающиеся (со сторонами, параллельными осям координат). Вам необходимо найти точку, которая покрыта наибольшим числом из них.

Формат входного файла

В первой строке входного файла записано число окон n ($1 \leq n \leq 50000$). Следующие n строк содержат координаты окон $x_{(1,i)} y_{(1,i)} x_{(2,i)} y_{(2,i)}$, где $(x_{(1,i)}, y_{(1,i)})$ — координаты левого верхнего угла i -го окна, а $(x_{(2,i)}, y_{(2,i)})$ — правого нижнего (на экране компьютера y растет сверху вниз, а x — слева направо). Все координаты — целые числа, по модулю не превосходящие $2 \cdot 10^5$.

Формат выходного файла

В первой строке выходного файла выведите максимальное число окон, покрывающих какую-либо из точек в данной конфигурации. Во второй строке выведите два целых числа, разделенные пробелом — координаты точки, покрытой максимальным числом окон. Окна считаются замкнутыми, т.е. покрывающими свои граничные точки.

Пример

windows.in	windows.out
2	2
0 0 3 3	3 2
1 1 4 4	

Задача L RMQ. RMQ Наоборот (*)

Имя входного файла: `rmq.in`
Имя выходного файла: `rmq.out`
Ограничение по времени: 3 секунды
Ограничение по памяти: 64 МВ

Рассмотрим массив $a[1..n]$. Пусть $Q(i, j)$ — ответ на запрос о нахождении минимума среди чисел $a[i], \dots, a[j]$. Вам даны несколько запросов и ответы на них. Восстановите исходный массив.

Формат входного файла

Первая строка входного файла содержит число n — размер массива, и m — число запросов ($1 \leq n, m \leq 100\,000$). Следующие m строк содержат по три целых числа i, j и q , означающих, что $Q(i, j) = q$ ($1 \leq i \leq j \leq n, -2^{31} \leq q \leq 2^{31} - 1$).

Формат выходного файла

Если искомого массива не существует, выведите строку «`inconsistent`».

В противном случае в первую строку выходного файла выведите «`consistent`». Во вторую строку выходного файла выведите элементы массива. Элементами массива должны быть целые числа в интервале от -2^{31} до $2^{31} - 1$ включительно. Если решений несколько, выведите любое.

Примеры

<code>rmq.in</code>	<code>rmq.out</code>
3 2 1 2 1 2 3 2	<code>consistent</code> 1 2 3
3 3 1 2 1 1 1 2 2 3 2	<code>inconsistent</code>